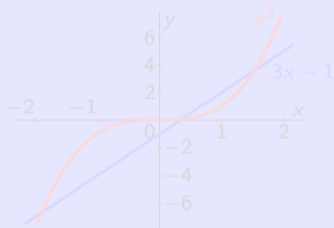


Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie – príklad

Nájdite s presnosťou $\varepsilon = 0,01$ korene funkcie $f: y = x^3 - 3x + 1$.

Riešenie.



$$x^3 - 3x + 1 = 0 \Leftrightarrow x^3 = 3x - 1$$

Z grafov funkcií $y = x^3$, $y = 3x - 1$ odhadneme, že existujú tri korene (obr.)

$$c_1 \in \langle -2; -1 \rangle, c_2 \in \langle 0; 1 \rangle, c_3 \in \langle 1; 2 \rangle:$$

$$c_1: f(-2) = -1 < 0 < f(-1) = 3,$$

$$c_2: f(0) = 1 > 0 > f(1) = -1,$$

$$c_3: f(1) = -1 < 0 < f(2) = 3.$$

Metódou bisekcie nájdeme $c_2 \in \langle 0; 1 \rangle$, potrebujeme aspoň $n=7$ krokov:

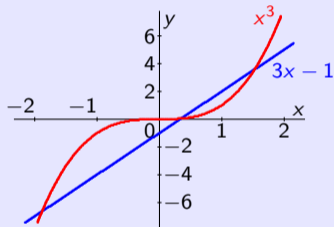
$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01, \text{ t. j. } 100 < 2^n \Rightarrow n = 7.$$

Dostaneme riešenie (viď nasledujúca tabuľka) $x_8 = 0,347\,656\,25$.

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie – príklad

Nájdite s presnosťou $\varepsilon = 0,01$ korene funkcie $f: y = x^3 - 3x + 1$.

Riešenie.



$$x^3 - 3x + 1 = 0 \Leftrightarrow x^3 = 3x - 1$$

Z grafov funkcií $y = x^3$, $y = 3x - 1$ odhadneme, že existujú tri korene (obr.)

$c_1 \in \langle -2; -1 \rangle$, $c_2 \in \langle 0; 1 \rangle$, $c_3 \in \langle 1; 2 \rangle$:

$$c_1: f(-2) = -1 < 0 < f(-1) = 3,$$

$$c_2: f(0) = 1 > 0 > f(1) = -1,$$

$$c_3: f(1) = -1 < 0 < f(2) = 3.$$

Metódou bisekcie nájdeme $c_2 \in \langle 0; 1 \rangle$, potrebujeme aspoň $n=7$ krokov:

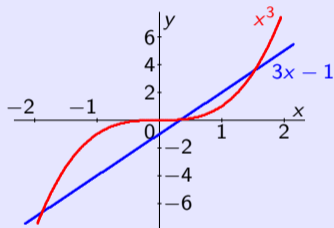
$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01, \text{ t. j. } 100 < 2^n \Rightarrow n = 7.$$

Dostaneme riešenie (viď nasledujúca tabuľka) $x_8 = 0,347\,656\,25$.

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie – príklad

Nájdite s presnosťou $\varepsilon = 0,01$ korene funkcie $f: y = x^3 - 3x + 1$.

Riešenie.



$$x^3 - 3x + 1 = 0 \Leftrightarrow x^3 = 3x - 1$$

Z grafov funkcií $y = x^3$, $y = 3x - 1$ odhadneme, že existujú tri korene (obr.)

$$c_1 \in \langle -2; -1 \rangle, c_2 \in \langle 0; 1 \rangle, c_3 \in \langle 1; 2 \rangle:$$

$$c_1: f(-2) = -1 < 0 < f(-1) = 3,$$

$$c_2: f(0) = 1 > 0 > f(1) = -1,$$

$$c_3: f(1) = -1 < 0 < f(2) = 3.$$

Metódou bisekcie nájdeme $c_2 \in \langle 0; 1 \rangle$, potrebujeme aspoň $n=7$ krokov:

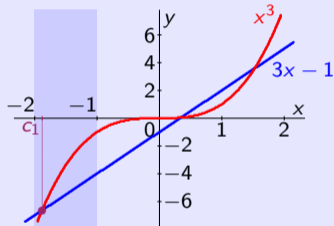
$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01, \text{ t. j. } 100 < 2^n \Rightarrow n = 7.$$

Dostaneme riešenie (viď nasledujúca tabuľka) $x_8 = 0,347\,656\,25$.

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie – príklad

Nájdite s presnosťou $\varepsilon = 0,01$ korene funkcie $f: y = x^3 - 3x + 1$.

Riešenie.



$$x^3 - 3x + 1 = 0 \Leftrightarrow x^3 = 3x - 1$$

Z grafov funkcií $y = x^3$, $y = 3x - 1$ odhadneme, že existujú tri korene (obr.)

$$c_1 \in \langle -2; -1 \rangle, c_2 \in \langle 0; 1 \rangle, c_3 \in \langle 1; 2 \rangle:$$

$$c_1: f(-2) = -1 < 0 < f(-1) = 3,$$

$$c_2: f(0) = 1 > 0 > f(1) = -1,$$

$$c_3: f(1) = -1 < 0 < f(2) = 3.$$

Metódou bisekcie nájdeme $c_2 \in \langle 0; 1 \rangle$, potrebujeme aspoň $n=7$ krokov:

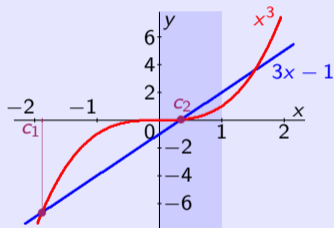
$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01, \text{ t. j. } 100 < 2^n \Rightarrow n = 7.$$

Dostaneme riešenie (viď nasledujúca tabuľka) $x_8 = 0,347\,656\,25$.

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie – príklad

Nájdite s presnosťou $\varepsilon = 0,01$ korene funkcie $f: y = x^3 - 3x + 1$.

Riešenie.



$$x^3 - 3x + 1 = 0 \Leftrightarrow x^3 = 3x - 1$$

Z grafov funkcií $y = x^3$, $y = 3x - 1$ odhadneme, že existujú tri korene (obr.)

$c_1 \in \langle -2; -1 \rangle$, $c_2 \in \langle 0; 1 \rangle$, $c_3 \in \langle 1; 2 \rangle$:

$$c_1: f(-2) = -1 < 0 < f(-1) = 3,$$

$$c_2: f(0) = 1 > 0 > f(1) = -1,$$

$$c_3: f(1) = -1 < 0 < f(2) = 3.$$

Metódou bisekcie nájdeme $c_2 \in \langle 0; 1 \rangle$, potrebujeme aspoň $n=7$ krokov:

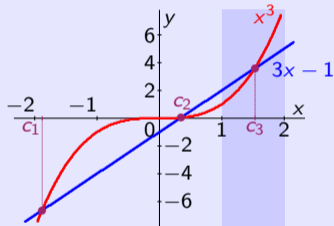
$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01, \text{ t. j. } 100 < 2^n \Rightarrow n = 7.$$

Dostaneme riešenie (viď nasledujúca tabuľka) $x_8 = 0,347\,656\,25$.

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie – príklad

Nájdite s presnosťou $\varepsilon = 0,01$ korene funkcie $f: y = x^3 - 3x + 1$.

Riešenie.



$$x^3 - 3x + 1 = 0 \Leftrightarrow x^3 = 3x - 1$$

Z grafov funkcií $y = x^3$, $y = 3x - 1$ odhadneme, že existujú tri korene (obr.)

$c_1 \in \langle -2; -1 \rangle$, $c_2 \in \langle 0; 1 \rangle$, $c_3 \in \langle 1; 2 \rangle$:

$$c_1: f(-2) = -1 < 0 < f(-1) = 3,$$

$$c_2: f(0) = 1 > 0 > f(1) = -1,$$

$$c_3: f(1) = -1 < 0 < f(2) = 3.$$

Metódou bisekcie nájdeme $c_2 \in \langle 0; 1 \rangle$, potrebujeme aspoň $n=7$ krokov:

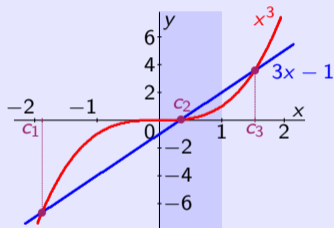
$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01, \text{ t. j. } 100 < 2^n \Rightarrow n = 7.$$

Dostaneme riešenie (viď nasledujúca tabuľka) $x_8 = 0,347\,656\,25$.

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie – príklad

Nájdite s presnosťou $\varepsilon = 0,01$ korene funkcie $f: y = x^3 - 3x + 1$.

Riešenie.



$$x^3 - 3x + 1 = 0 \Leftrightarrow x^3 = 3x - 1$$

Z grafov funkcií $y = x^3$, $y = 3x - 1$ odhadneme, že existujú tri korene (obr.)

$c_1 \in \langle -2; -1 \rangle$, $c_2 \in \langle 0; 1 \rangle$, $c_3 \in \langle 1; 2 \rangle$:

$$c_1: f(-2) = -1 < 0 < f(-1) = 3,$$

$$c_2: f(0) = 1 > 0 > f(1) = -1,$$

$$c_3: f(1) = -1 < 0 < f(2) = 3.$$

Metódou bisekcie nájdeme $c_2 \in \langle 0; 1 \rangle$, potrebujeme aspoň $n=7$ krokov:

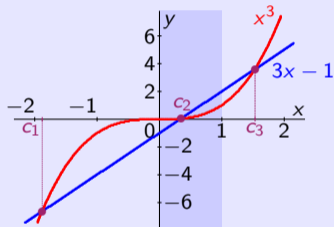
$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01, \text{ t. j. } 100 < 2^n \Rightarrow n = 7.$$

Dostaneme riešenie (viď nasledujúca tabuľka) $x_8 = 0,347\,656\,25$.

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie – príklad

Nájdite s presnosťou $\varepsilon = 0,01$ korene funkcie $f: y = x^3 - 3x + 1$.

Riešenie.



$$x^3 - 3x + 1 = 0 \Leftrightarrow x^3 = 3x - 1$$

Z grafov funkcií $y = x^3$, $y = 3x - 1$ odhadneme, že existujú tri korene (obr.)

$c_1 \in \langle -2; -1 \rangle$, $c_2 \in \langle 0; 1 \rangle$, $c_3 \in \langle 1; 2 \rangle$:

$$c_1: f(-2) = -1 < 0 < f(-1) = 3,$$

$$c_2: f(0) = 1 > 0 > f(1) = -1,$$

$$c_3: f(1) = -1 < 0 < f(2) = 3.$$

Metódou bisekcie nájdeme $c_2 \in \langle 0; 1 \rangle$, potrebujeme aspoň $n=7$ krokov:

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01, \text{ t. j. } 100 < 2^n \Rightarrow n = 7.$$

Dostaneme riešenie (viď nasledujúca tabuľka) $x_8 = 0,34765625$.

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie

Koreň $f: y = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$,
 $f(a) = f(0) = 1 > 0$, $f(b) = f(1) = -1 < 0$, $n = 7$, $k = 0, 1, \dots, 7$.

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	1,0
1	0,0	0,5	0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,5
2	0,25	0,5	0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,25
3	0,25	0,375	0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,125
4	0,312 5	0,375	0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,062 5
5	0,343 75	0,375	0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,031 25
6	0,343 75	0,359 375	0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,015 625
7	0,343 75	0,351 562 5	0,347 656 25	-0,000 949 323 $\rightarrow b_8$	0,007 812 5
8	0,343 75	0,347 656 25			0,003 906 25

vypočítaný koreň $x_8 = 0,347 656 250$, presný koreň $c = 0,347 296 355$,
skutočná presnosť

$$|x_8 - c| = |0,347 656 250 - 0,347 296 355| = 0,000 359 895.$$

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie

Koreň $f: y = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$,
 $f(a) = f(0) = 1 > 0$, $f(b) = f(1) = -1 < 0$, $n = 7$, $k = 0, 1, \dots, 7$.

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	1,0
1	0,0	0,5	0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,5
2	0,25	0,5	0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,25
3	0,25	0,375	0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,125
4	0,312 5	0,375	0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,062 5
5	0,343 75	0,375	0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,031 25
6	0,343 75	0,359 375	0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,015 625
7	0,343 75	0,351 562 5	0,347 656 25	-0,000 949 323 $\rightarrow b_8$	0,007 812 5
8	0,343 75	0,347 656 25			0,003 906 25

vypočítaný koreň $x_8 = 0,347 656 250$, presný koreň $c = 0,347 296 355$,
skutočná presnosť

$$|x_8 - c| = |0,347 656 250 - 0,347 296 355| = 0,000 359 895.$$

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie

Koreň $f: y = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$,
 $f(a) = f(0) = 1 > 0$, $f(b) = f(1) = -1 < 0$, $n = 7$, $k = 0, 1, \dots, 7$.

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	1,0
1	0,0	0,5	0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,5
2	0,25	0,5	0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,25
3	0,25	0,375	0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,125
4	0,312 5	0,375	0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,062 5
5	0,343 75	0,375	0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,031 25
6	0,343 75	0,359 375	0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,015 625
7	0,343 75	0,351 562 5	0,347 656 25	-0,000 949 323 $\rightarrow b_8$	0,007 812 5
8	0,343 75	0,347 656 25			0,003 906 25

vypočítaný koreň $x_8 = 0,347\,656\,250$, presný koreň $c = 0,347\,296\,355$,
skutočná presnosť

$$|x_8 - c| = |0,347\,656\,250 - 0,347\,296\,355| = 0,000\,359\,895.$$

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie

Koreň $f: y = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$,
 $f(a) = f(0) = 1 > 0$, $f(b) = f(1) = -1 < 0$, $n = 7$, $k = 0, 1, \dots, 7$.

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	1,0
1	0,0	0,5	0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,5
2	0,25	0,5	0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,25
3	0,25	0,375	0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,125
4	0,312 5	0,375	0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,062 5
5	0,343 75	0,375	0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,031 25
6	0,343 75	0,359 375	0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,015 625
7	0,343 75	0,351 562 5	0,347 656 25	-0,000 949 323 $\rightarrow b_8$	0,007 812 5
8	0,343 75	0,347 656 25			0,003 906 25

vypočítaný koreň $x_8 = 0,347\,656\,250$, presný koreň $c = 0,347\,296\,355$,
skutočná presnosť

$$|x_8 - c| = |0,347\,656\,250 - 0,347\,296\,355| = 0,000\,359\,895.$$

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie

Koreň $f: y = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$,
 $f(a) = f(0) = 1 > 0$, $f(b) = f(1) = -1 < 0$, $n = 7$, $k = 0, 1, \dots, 7$.

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1}) < 0$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	1,0
1	0,0	0,5	0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,5
2	0,25	0,5	0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,25
3	0,25	0,375	0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,125
4	0,312 5	0,375	0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,062 5
5	0,343 75	0,375	0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,031 25
6	0,343 75	0,359 375	0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,015 625
7	0,343 75	0,351 562 5	0,347 656 25	-0,000 949 323 $\rightarrow b_8$	0,007 812 5
8	0,343 75	0,347 656 25			0,003 906 25

vypočítaný koreň $x_8 = 0,347\,656\,250$, presný koreň $c = 0,347\,296\,355$,
skutočná presnosť

$$|x_8 - c| = |0,347\,656\,250 - 0,347\,296\,355| = 0,000\,359\,895.$$

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie

Koreň $f: y = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$,
 $f(a) = f(0) = 1 > 0$, $f(b) = f(1) = -1 < 0$, $n = 7$, $k = 0, 1, \dots, 7$.

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	1,0
1	0,0	0,5	0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,5
2	0,25	0,5	0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,25
3	0,25	0,375	0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,125
4	0,312 5	0,375	0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,062 5
5	0,343 75	0,375	0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,031 25
6	0,343 75	0,359 375	0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,015 625
7	0,343 75	0,351 562 5	0,347 656 25	-0,000 949 323 $\rightarrow b_8$	0,007 812 5
8	0,343 75	0,347 656 25			0,003 906 25

vypočítaný koreň $x_8 = 0,347 656 250$, presný koreň $c = 0,347 296 355$,
skutočná presnosť

$$|x_8 - c| = |0,347 656 250 - 0,347 296 355| = 0,000 359 895.$$

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie

Koreň $f: y = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$,
 $f(a) = f(0) = 1 > 0$, $f(b) = f(1) = -1 < 0$, $n = 7$, $k = 0, 1, \dots, 7$.

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1}) > 0$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	1,0
1	0,0	0,5	0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,5
2	0,25	0,5	0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,25
3	0,25	0,375	0,3125	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,125
4	0,3125	0,375	0,34375	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,0625
5	0,34375	0,375	0,359375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,03125
6	0,34375	0,359375	0,3515625	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,015625
7	0,34375	0,3515625	0,34765625	-0,000 949 323 $\rightarrow b_8$	0,0078125
8	0,34375	0,34765625			0,00390625

vypočítaný koreň $x_8 = 0,347656250$, presný koreň $c = 0,347296355$,
skutočná presnosť

$$|x_8 - c| = |0,347656250 - 0,347296355| = 0,000359895.$$

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie

Koreň $f: y = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$,
 $f(a) = f(0) = 1 > 0$, $f(b) = f(1) = -1 < 0$, $n = 7$, $k = 0, 1, \dots, 7$.

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	1,0
1	0,0	0,5	0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,5
2	0,25	0,5	0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,25
3	0,25	0,375	0,3125	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,125
4	0,3125	0,375	0,34375	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,0625
5	0,34375	0,375	0,359375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,03125
6	0,34375	0,359375	0,3515625	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,015625
7	0,34375	0,3515625	0,34765625	-0,000 949 323 $\rightarrow b_8$	0,0078125
8	0,34375	0,34765625			0,00390625

vypočítaný koreň $x_8 = 0,347656250$, presný koreň $c = 0,347296355$,
skutočná presnosť

$$|x_8 - c| = |0,347656250 - 0,347296355| = 0,000359895.$$

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie

Koreň $f: y = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$,
 $f(a) = f(0) = 1 > 0$, $f(b) = f(1) = -1 < 0$, $n = 7$, $k = 0, 1, \dots, 7$.

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1}) < 0$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	1,0
1	0,0	0,5	0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,5
2	0,25	0,5	0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,25
3	0,25	0,375	0,3125	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,125
4	0,3125	0,375	0,34375	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,0625
5	0,34375	0,375	0,359375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,03125
6	0,34375	0,359375	0,3515625	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,015625
7	0,34375	0,3515625	0,34765625	-0,000 949 323 $\rightarrow b_8$	0,0078125
8	0,34375	0,34765625			0,00390625

vypočítaný koreň $x_8 = 0,347656250$, presný koreň $c = 0,347296355$,
skutočná presnosť

$$|x_8 - c| = |0,347656250 - 0,347296355| = 0,000359895.$$

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie

Koreň $f: y = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$,
 $f(a) = f(0) = 1 > 0$, $f(b) = f(1) = -1 < 0$, $n = 7$, $k = 0, 1, \dots, 7$.

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	1,0
1	0,0	0,5	0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,5
2	0,25	0,5	0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,25
3	0,25	0,375	0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,125
4	0,312 5	0,375	0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,062 5
5	0,343 75	0,375	0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,031 25
6	0,343 75	0,359 375	0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,015 625
7	0,343 75	0,351 562 5	0,347 656 25	-0,000 949 323 $\rightarrow b_8$	0,007 812 5
8	0,343 75	0,347 656 25			0,003 906 25

vypočítaný koreň $x_8 = 0,347\,656\,250$, presný koreň $c = 0,347\,296\,355$,
 skutočná presnosť

$$|x_8 - c| = |0,347\,656\,250 - 0,347\,296\,355| = 0,000\,359\,895.$$

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie

Koreň $f: y = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$,
 $f(a) = f(0) = 1 > 0$, $f(b) = f(1) = -1 < 0$, $n = 7$, $k = 0, 1, \dots, 7$.

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1}) > 0$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	1,0
1	0,0	0,5	0,25	0,265625 $\rightarrow a_2$	0,5
2	0,25	0,5	0,375	-0,072265625 $\rightarrow b_3$	0,25
3	0,25	0,375	0,3125	0,093017578 $\rightarrow a_4$	0,125
4	0,3125	0,375	0,34375	0,009368896 $\rightarrow a_5$	0,0625
5	0,34375	0,375	0,359375	-0,031711578 $\rightarrow b_6$	0,03125
6	0,34375	0,359375	0,3515625	-0,011235714 $\rightarrow b_7$	0,015625
7	0,34375	0,3515625	0,34765625	-0,000949323 $\rightarrow b_8$	0,0078125
8	0,34375	0,34765625			0,00390625

vypočítaný koreň $x_8 = 0,347656250$, presný koreň $c = 0,347296355$,
 skutočná presnosť

$$|x_8 - c| = |0,347656250 - 0,347296355| = 0,000359895.$$

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie

Koreň $f: y = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$,
 $f(a) = f(0) = 1 > 0$, $f(b) = f(1) = -1 < 0$, $n = 7$, $k = 0, 1, \dots, 7$.

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	1,0
1	0,0	0,5	0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,5
2	0,25	0,5	0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,25
3	0,25	0,375	0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,125
4	0,312 5	0,375	0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,062 5
5	0,343 75	0,375	0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,031 25
6	0,343 75	0,359 375	0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,015 625
7	0,343 75	0,351 562 5	0,347 656 25	-0,000 949 323 $\rightarrow b_8$	0,007 812 5
8	0,343 75	0,347 656 25			0,003 906 25

vypočítaný koreň $x_8 = 0,347 656 250$, presný koreň $c = 0,347 296 355$,
 skutočná presnosť

$$|x_8 - c| = |0,347 656 250 - 0,347 296 355| = 0,000 359 895.$$

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie

Koreň $f: y = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$,
 $f(a) = f(0) = 1 > 0$, $f(b) = f(1) = -1 < 0$, $n = 7$, $k = 0, 1, \dots, 7$.

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1}) > 0$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	1,0
1	0,0	0,5	0,25	0,265625 $\rightarrow a_2$	0,5
2	0,25	0,5	0,375	-0,072265625 $\rightarrow b_3$	0,25
3	0,25	0,375	0,3125	0,093017578 $\rightarrow a_4$	0,125
4	0,3125	0,375	0,34375	0,009368896 $\rightarrow a_5$	0,0625
5	0,34375	0,375	0,359375	-0,031711578 $\rightarrow b_6$	0,03125
6	0,34375	0,359375	0,3515625	-0,011235714 $\rightarrow b_7$	0,015625
7	0,34375	0,3515625	0,34765625	-0,000949323 $\rightarrow b_8$	0,0078125
8	0,34375	0,34765625			0,00390625

vypočítaný koreň $x_8 = 0,347656250$, presný koreň $c = 0,347296355$,
 skutočná presnosť

$$|x_8 - c| = |0,347656250 - 0,347296355| = 0,000359895.$$

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie

Koreň $f: y = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$,
 $f(a) = f(0) = 1 > 0$, $f(b) = f(1) = -1 < 0$, $n = 7$, $k = 0, 1, \dots, 7$.

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	1,0
1	0,0	0,5	0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,5
2	0,25	0,5	0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,25
3	0,25	0,375	0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,125
4	0,312 5	0,375	0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,062 5
5	0,343 75	0,375	0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,031 25
6	0,343 75	0,359 375	0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,015 625
7	0,343 75	0,351 562 5	0,347 656 25	-0,000 949 323 $\rightarrow b_8$	0,007 812 5
8	0,343 75	0,347 656 25			0,003 906 25

vypočítaný koreň $x_8 = 0,347 656 250$, presný koreň $c = 0,347 296 355$,
skutočná presnosť

$$|x_8 - c| = |0,347 656 250 - 0,347 296 355| = 0,000 359 895.$$

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie

Koreň $f: y = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$,
 $f(a) = f(0) = 1 > 0$, $f(b) = f(1) = -1 < 0$, $n = 7$, $k = 0, 1, \dots, 7$.

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1}) < 0$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	1,0
1	0,0	0,5	0,25	0,265625 $\rightarrow a_2$	0,5
2	0,25	0,5	0,375	-0,072265625 $\rightarrow b_3$	0,25
3	0,25	0,375	0,3125	0,093017578 $\rightarrow a_4$	0,125
4	0,3125	0,375	0,34375	0,009368896 $\rightarrow a_5$	0,0625
5	0,34375	0,375	0,359375	-0,031711578 $\rightarrow b_6$	0,03125
6	0,34375	0,359375	0,3515625	-0,011235714 $\rightarrow b_7$	0,015625
7	0,34375	0,3515625	0,34765625	-0,000949323 $\rightarrow b_8$	0,0078125
8	0,34375	0,34765625			0,00390625

vypočítaný koreň $x_8 = 0,347656250$, presný koreň $c = 0,347296355$,
skutočná presnosť

$$|x_8 - c| = |0,347656250 - 0,347296355| = 0,000359895.$$

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie

Koreň $f: y = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$,
 $f(a) = f(0) = 1 > 0$, $f(b) = f(1) = -1 < 0$, $n = 7$, $k = 0, 1, \dots, 7$.

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	1,0
1	0,0	0,5	0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,5
2	0,25	0,5	0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,25
3	0,25	0,375	0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,125
4	0,312 5	0,375	0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,062 5
5	0,343 75	0,375	0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,031 25
6	0,343 75	0,359 375	0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,015 625
7	0,343 75	0,351 562 5	0,347 656 25	-0,000 949 323 $\rightarrow b_8$	0,007 812 5
8	0,343 75	0,347 656 25			0,003 906 25

vypočítaný koreň $x_8 = 0,347 656 250$, presný koreň $c = 0,347 296 355$,
skutočná presnosť

$$|x_8 - c| = |0,347 656 250 - 0,347 296 355| = 0,000 359 895.$$

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie

Koreň $f: y = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$,
 $f(a) = f(0) = 1 > 0$, $f(b) = f(1) = -1 < 0$, $n = 7$, $k = 0, 1, \dots, 7$.

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1}) < 0$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	1,0
1	0,0	0,5	0,25	0,265625 $\rightarrow a_2$	0,5
2	0,25	0,5	0,375	-0,072265625 $\rightarrow b_3$	0,25
3	0,25	0,375	0,3125	0,093017578 $\rightarrow a_4$	0,125
4	0,3125	0,375	0,34375	0,009368896 $\rightarrow a_5$	0,0625
5	0,34375	0,375	0,359375	-0,031711578 $\rightarrow b_6$	0,03125
6	0,34375	0,359375	0,3515625	-0,011235714 $\rightarrow b_7$	0,015625
7	0,34375	0,3515625	0,34765625	-0,000949323 $\rightarrow b_8$	0,0078125
8	0,34375	0,34765625			0,00390625

vypočítaný koreň $x_8 = 0,347656250$, presný koreň $c = 0,347296355$,
skutočná presnosť

$$|x_8 - c| = |0,347656250 - 0,347296355| = 0,000359895.$$

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie

Koreň $f: y = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$,
 $f(a) = f(0) = 1 > 0$, $f(b) = f(1) = -1 < 0$, $n = 7$, $k = 0, 1, \dots, 7$.

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	1,0
1	0,0	0,5	0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,5
2	0,25	0,5	0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,25
3	0,25	0,375	0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,125
4	0,312 5	0,375	0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,062 5
5	0,343 75	0,375	0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,031 25
6	0,343 75	0,359 375	0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,015 625
7	0,343 75	0,351 562 5	0,347 656 25	-0,000 949 323 $\rightarrow b_8$	0,007 812 5
8	0,343 75	0,347 656 25			0,003 906 25

vypočítaný koreň $x_8 = 0,347\,656\,250$, presný koreň $c = 0,347\,296\,355$,
skutočná presnosť

$$|x_8 - c| = |0,347\,656\,250 - 0,347\,296\,355| = 0,000\,359\,895.$$

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie

Koreň $f: y = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$,
 $f(a) = f(0) = 1 > 0$, $f(b) = f(1) = -1 < 0$, $n = 7$, $k = 0, 1, \dots, 7$.

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1}) < 0$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	1,0
1	0,0	0,5	0,25	0,265625 $\rightarrow a_2$	0,5
2	0,25	0,5	0,375	-0,072265625 $\rightarrow b_3$	0,25
3	0,25	0,375	0,3125	0,093017578 $\rightarrow a_4$	0,125
4	0,3125	0,375	0,34375	0,009368896 $\rightarrow a_5$	0,0625
5	0,34375	0,375	0,359375	-0,031711578 $\rightarrow b_6$	0,03125
6	0,34375	0,359375	0,3515625	-0,011235714 $\rightarrow b_7$	0,015625
7	0,34375	0,3515625	0,34765625	-0,000949323 $\rightarrow b_8$	0,0078125
8	0,34375	0,34765625			0,00390625

vypočítaný koreň $x_8 = 0,347656250$, presný koreň $c = 0,347296355$,
 skutočná presnosť

$$|x_8 - c| = |0,347656250 - 0,347296355| = 0,000359895.$$

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie

Koreň $f: y = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$,
 $f(a) = f(0) = 1 > 0$, $f(b) = f(1) = -1 < 0$, $n = 7$, $k = 0, 1, \dots, 7$.

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	1,0
1	0,0	0,5	0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,5
2	0,25	0,5	0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,25
3	0,25	0,375	0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,125
4	0,312 5	0,375	0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,062 5
5	0,343 75	0,375	0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,031 25
6	0,343 75	0,359 375	0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,015 625
7	0,343 75	0,351 562 5	0,347 656 25	-0,000 949 323 $\rightarrow b_8$	0,007 812 5
8	0,343 75	0,347 656 25			0,003 906 25

vypočítaný koreň $x_8 = 0,347 656 250$, presný koreň $c = 0,347 296 355$,
skutočná presnosť

$$|x_8 - c| = |0,347 656 250 - 0,347 296 355| = 0,000 359 895.$$

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie

Koreň $f: y = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$,
 $f(a) = f(0) = 1 > 0$, $f(b) = f(1) = -1 < 0$, $n = 7$, $k = 0, 1, \dots, 7$.

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	1,0
1	0,0	0,5	0,25	0,265625 $\rightarrow a_2$	0,5
2	0,25	0,5	0,375	-0,072265625 $\rightarrow b_3$	0,25
3	0,25	0,375	0,3125	0,093017578 $\rightarrow a_4$	0,125
4	0,3125	0,375	0,34375	0,009368896 $\rightarrow a_5$	0,0625
5	0,34375	0,375	0,359375	-0,031711578 $\rightarrow b_6$	0,03125
6	0,34375	0,359375	0,3515625	-0,011235714 $\rightarrow b_7$	0,015625
7	0,34375	0,3515625	0,34765625	-0,000949323 $\rightarrow b_8$	0,0078125
8	0,34375	0,34765625			0,00390625

vypočítaný koreň $x_8 = 0,347656250$, presný koreň $c = 0,347296355$,
skutočná presnosť

$$|x_8 - c| = |0,347656250 - 0,347296355| = 0,000359895.$$

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie

Koreň $f: y = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$,
 $f(a) = f(0) = 1 > 0$, $f(b) = f(1) = -1 < 0$, $n = 7$, $k = 0, 1, \dots, 7$.

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	1,0
1	0,0	0,5	0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,5
2	0,25	0,5	0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,25
3	0,25	0,375	0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,125
4	0,312 5	0,375	0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,062 5
5	0,343 75	0,375	0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,031 25
6	0,343 75	0,359 375	0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,015 625
7	0,343 75	0,351 562 5	0,347 656 25	-0,000 949 323 $\rightarrow b_8$	0,007 812 5
8	0,343 75	0,347 656 25			0,003 906 25

vypočítaný koreň $x_8 = 0,347\,656\,250$, presný koreň $c = 0,347\,296\,355$,
skutočná presnosť

$$|x_8 - c| = |0,347\,656\,250 - 0,347\,296\,355| = 0,000\,359\,895.$$

Korene spojitej funkcie – metóda bisekcie

Koreň $f: y = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$,
 $f(a) = f(0) = 1 > 0$, $f(b) = f(1) = -1 < 0$, $n = 7$, $k = 0, 1, \dots, 7$.

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	1,0
1	0,0	0,5	0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,5
2	0,25	0,5	0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,25
3	0,25	0,375	0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,125
4	0,312 5	0,375	0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,062 5
5	0,343 75	0,375	0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,031 25
6	0,343 75	0,359 375	0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,015 625
7	0,343 75	0,351 562 5	0,347 656 25	-0,000 949 323 $\rightarrow b_8$	0,007 812 5
8	0,343 75	0,347 656 25			0,003 906 25

vypočítaný koreň $x_8 = 0,347 656 250$, presný koreň $c = 0,347 296 355$,
skutočná presnosť

$$|x_8 - c| = |0,347 656 250 - 0,347 296 355| = 0,000 359 895.$$