

Matematická analýza 1

2018/2019

7. Spojitosť funkcie

Obsah

- 1 Spojitosť funkcie
- 2 Jednostranná spojitosť funkcie
- 3 Nespojitosť funkcie
- 4 Spojitosť funkcie na intervale
- 5 Metóda bisekcie

Spojitosť funkcie – Definícia v zmysle Heineho

Funkcia f je v bode $a \in D(f)$ spojitá,

Spojitosť funkcie – Definícia v zmysle Heineho

Funkcia f je v bode $a \in D(f)$ spojitá,

ak pre všetky $\{x_n\}_{n=1}^{\infty} \mapsto a$, $x_n \in D(f)$, platí $\{f(x_n)\}_{n=1}^{\infty} \mapsto f(a)$,

Spojitosť funkcie – Definícia v zmysle Heineho

Funkcia f je v bode $a \in D(f)$ spojitá,

ak pre všetky $\{x_n\}_{n=1}^{\infty} \mapsto a$, $x_n \in D(f)$, platí $\{f(x_n)\}_{n=1}^{\infty} \mapsto f(a)$,

t. j. ak $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n = a$, $x_n \in D(f)$, potom $\lim_{n \rightarrow \infty} f(x_n) = f(a)$.

Spojitosť funkcie – Definícia v zmysle Heineho

Funkcia f je v bode $a \in D(f)$ spojitá,

ak pre všetky $\{x_n\}_{n=1}^{\infty} \mapsto a, x_n \in D(f)$, platí $\{f(x_n)\}_{n=1}^{\infty} \mapsto f(a)$,

t. j. ak $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n = a, x_n \in D(f)$, potom $\lim_{n \rightarrow \infty} f(x_n) = f(a)$.

Spojitosť charakterizuje lokálne vlastnosti funkcie v nejakom okolí $O(a)$.

Spojitosť funkcie – Definícia v zmysle Heineho

Funkcia f je v bode $a \in D(f)$ spojitá,

ak pre všetky $\{x_n\}_{n=1}^{\infty} \mapsto a$, $x_n \in D(f)$, platí $\{f(x_n)\}_{n=1}^{\infty} \mapsto f(a)$,

t. j. ak $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n = a$, $x_n \in D(f)$, potom $\lim_{n \rightarrow \infty} f(x_n) = f(a)$.

Spojitosť charakterizuje lokálne vlastnosti funkcie v nejakom okolí $O(a)$.

Spojitosť úzko súvisí s limitou

Spojitosť funkcie – Definícia v zmysle Heineho

Funkcia f je v bode $a \in D(f)$ spojitá,

ak pre všetky $\{x_n\}_{n=1}^{\infty} \mapsto a, x_n \in D(f)$, platí $\{f(x_n)\}_{n=1}^{\infty} \mapsto f(a)$,

t. j. ak $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n = a, x_n \in D(f)$, potom $\lim_{n \rightarrow \infty} f(x_n) = f(a)$.

Spojitosť charakterizuje lokálne vlastnosti funkcie v nejakom okolí $O(a)$.

Spojitosť úzko súvisí s limitou a vyjadruje vzťah, že malej zmene nezávislej premennej x zodpovedá malá zmená závislej premennej $f(x)$.

Spojitosť funkcie – Definícia v zmysle Heineho

Funkcia f je v bode $a \in D(f)$ spojitá,

ak pre všetky $\{x_n\}_{n=1}^{\infty} \mapsto a$, $x_n \in D(f)$, platí $\{f(x_n)\}_{n=1}^{\infty} \mapsto f(a)$,

t. j. ak $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n = a$, $x_n \in D(f)$, potom $\lim_{n \rightarrow \infty} f(x_n) = f(a)$.

Spojitosť charakterizuje lokálne vlastnosti funkcie v nejakom okolí $O(a)$.

Spojitosť úzko súvisí s limitou a vyjadruje vzťah, že malej zmene nezávislej premennej x zodpovedá malá zmená závislej premennej $f(x)$.

V izolovanom bode $a \in D(f)$ je funkcia spojitá.

Spojitosť funkcie – Definícia v zmysle Heineho

Funkcia f je v bode $a \in D(f)$ spojitá,

ak pre všetky $\{x_n\}_{n=1}^{\infty} \mapsto a$, $x_n \in D(f)$, platí $\{f(x_n)\}_{n=1}^{\infty} \mapsto f(a)$,

t. j. ak $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n = a$, $x_n \in D(f)$, potom $\lim_{n \rightarrow \infty} f(x_n) = f(a)$.

Spojitosť charakterizuje lokálne vlastnosti funkcie v nejakom okolí $O(a)$.

Spojitosť úzko súvisí s limitou a vyjadruje vzťah, že malej zmene nezávislej premennej x zodpovedá malá zmená závislej premennej $f(x)$.

V izolovanom bode $a \in D(f)$ je funkcia spojitá.

Ak $a \in D(f)$ nie je hromadným bodom $D(f)$, potom je izolovaným bodom

Spojitosť funkcie – Definícia v zmysle Heineho

Funkcia f je v bode $a \in D(f)$ spojitá,

ak pre všetky $\{x_n\}_{n=1}^{\infty} \mapsto a$, $x_n \in D(f)$, platí $\{f(x_n)\}_{n=1}^{\infty} \mapsto f(a)$,

t. j. ak $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n = a$, $x_n \in D(f)$, potom $\lim_{n \rightarrow \infty} f(x_n) = f(a)$.

Spojitosť charakterizuje lokálne vlastnosti funkcie v nejakom okolí $O(a)$.

Spojitosť úzko súvisí s limitou a vyjadruje vzťah, že malej zmene nezávislej premennej x zodpovedá malá zmena závislej premennej $f(x)$.

V izolovanom bode $a \in D(f)$ je funkcia spojitá.

Ak $a \in D(f)$ nie je hromadným bodom $D(f)$, potom je izolovaným bodom a existuje jediná postupnosť $\{x_n\}_{n=1}^{\infty}$, $x_n \in D(f)$ taká, že $\{x_n\}_{n=1}^{\infty} \mapsto a$,

Spojitosť funkcie – Definícia v zmysle Heineho

Funkcia f je v bode $a \in D(f)$ spojitá,

ak pre všetky $\{x_n\}_{n=1}^{\infty} \mapsto a$, $x_n \in D(f)$, platí $\{f(x_n)\}_{n=1}^{\infty} \mapsto f(a)$,

t. j. ak $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n = a$, $x_n \in D(f)$, potom $\lim_{n \rightarrow \infty} f(x_n) = f(a)$.

Spojitosť charakterizuje lokálne vlastnosti funkcie v nejakom okolí $O(a)$.

Spojitosť úzko súvisí s limitou a vyjadruje vzťah, že malej zmene nezávislej premennej x zodpovedá malá zmena závislej premennej $f(x)$.

V izolovanom bode $a \in D(f)$ je funkcia spojitá.

Ak $a \in D(f)$ nie je hromadným bodom $D(f)$, potom je izolovaným bodom

a existuje jediná postupnosť $\{x_n\}_{n=1}^{\infty}$, $x_n \in D(f)$ taká, že $\{x_n\}_{n=1}^{\infty} \mapsto a$,

t. j. $\{x_n\}_{n=1}^{\infty} = \{a\}_{n=1}^{\infty}$, pričom $\{f(x_n)\}_{n=1}^{\infty} = \{f(a)\}_{n=1}^{\infty} \mapsto f(a)$.

Spojitosť funkcie – Ekvivalentná definícia

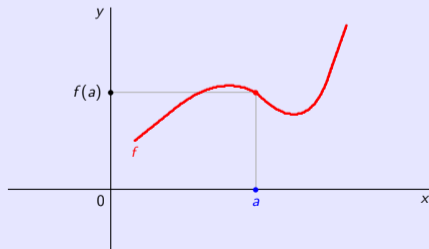
Ekvivalentná definícia spojitosti pomocou okolí

Spojitosť funkcie – Ekvivalentná definícia

Ekvivalentná definícia spojitosti pomocou okolí

$$a \in D(f)$$

f je spojitá v bode $a \in D(f)$ práve vtedy, ak:



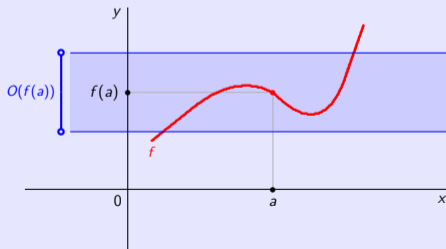
Spojitosť funkcie – Ekvivalentná definícia

Ekvivalentná definícia spojitosti pomocou okolí

$$a \in D(f)$$

f je spojitá v bode $a \in D(f)$ práve vtedy, ak:

ku každému okoliu $O(f(a))$



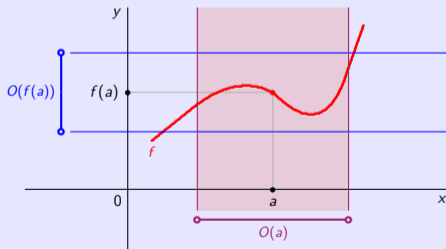
Spojitosť funkcie – Ekvivalentná definícia

Ekvivalentná definícia spojitosti pomocou okolí

$$a \in D(f)$$

f je spojitá v bode $a \in D(f)$ práve vtedy, ak:

ku každému okoliu $O(f(a))$ existuje okolie $O(a)$



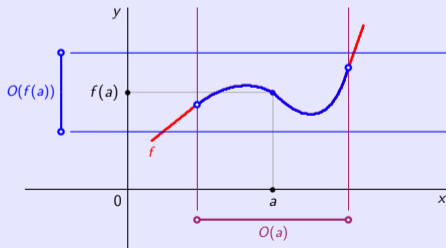
Spojitosť funkcie – Ekvivalentná definícia

Ekvivalentná definícia spojitosti pomocou okolí

$$a \in D(f)$$

f je spojitá v bode $a \in D(f)$ práve vtedy, ak:

ku každému okoliu $O(f(a))$ existuje okolie $O(a)$ také,
že pre všetky $x \in O(a)$, $x \in D(f)$



Spojitosť funkcie – Ekvivalentná definícia

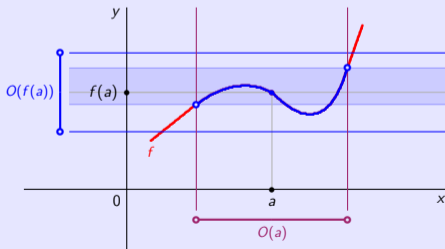
Ekvivalentná definícia spojitosti pomocou okolí

 $a \in D(f)$

f je spojitá v bode $a \in D(f)$ práve vtedy, ak:

ku každému okoliu $O(f(a))$ existuje okolie $O(a)$ také,

že pre všetky $x \in O(a)$, $x \in D(f)$ platí $f(x) \in O(f(a))$,



Spojitosť funkcie – Ekvivalentná definícia

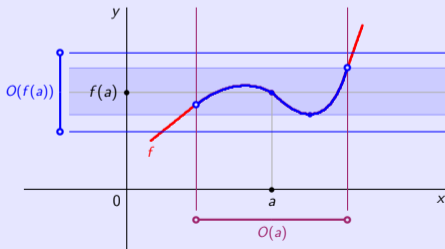
Ekvivalentná definícia spojitosti pomocou okolí

$$a \in D(f)$$

f je spojitá v bode $a \in D(f)$ práve vtedy, ak:

ku každému okoliu $O(f(a))$ existuje okolie $O(a)$ také,

že pre všetky $x \in O(a)$, $x \in D(f)$ platí $f(x) \in O(f(a))$,



Spojitosť funkcie – Ekvivalentná definícia

Ekvivalentná definícia spojitosti pomocou okolí

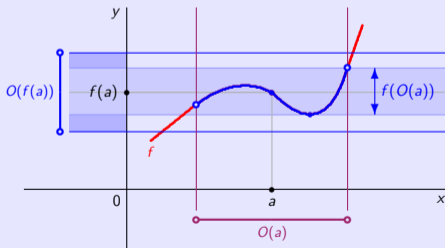
 $a \in D(f)$

f je spojitá v bode $a \in D(f)$ práve vtedy, ak:

ku každému okoliu $O(f(a))$ existuje okolie $O(a)$ také,

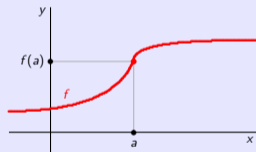
že pre všetky $x \in O(a)$, $x \in D(f)$ platí $f(x) \in O(f(a))$,

t. j. $f(O(a)) \subset O(f(a))$.



Jednostranná spojitosť funkcie

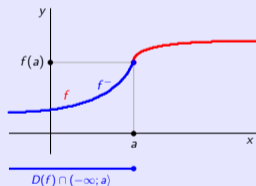
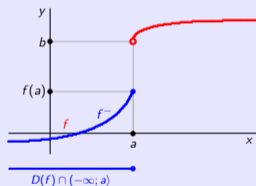
Označme zúženia $f(x)$, $x \in D(f)$ na intervaly $(-\infty; a)$, $\langle a; \infty)$, kde $a \in \mathbb{R}$:



Jednostranná spojitosť funkcie

Označme zúženia $f(x)$, $x \in D(f)$ na intervaly $(-\infty; a)$, $\langle a; \infty)$, kde $a \in \mathbb{R}$:

$$f^-(x) = f(x)|_{D(f) \cap (-\infty; a)} = f(x)|_{\{x \in D(f) : x \leq a\}}$$



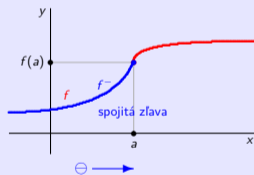
Funkcia f je v bode $a \in D(f)$:

- spojité zľava, ak je v bode a spojité funkcia f^- ,

Jednostranná spojitosť funkcie

Označme zúženia $f(x)$, $x \in D(f)$ na intervaly $(-\infty; a)$, $\langle a; \infty)$, kde $a \in \mathbb{R}$:

$f^-(x) = f(x)|_{D(f) \cap (-\infty; a)} = f(x)|_{\{x \in D(f) : x \leq a\}}$, t. j. **zúženie naľavo**,



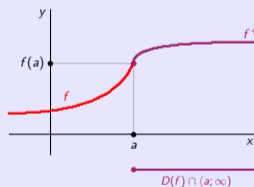
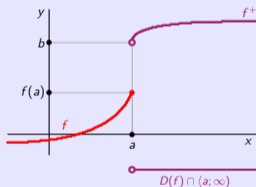
Funkcia f je v bode $a \in D(f)$:

- **spojitá zľava**, ak je v bode a spojitosť funkcia f^- ,

Jednostranná spojitosť funkcie

Označme zúženia $f(x)$, $x \in D(f)$ na intervaly $(-\infty; a)$, $\langle a; \infty)$, kde $a \in \mathbb{R}$:

$$f^+(x) = f(x)|_{D(f) \cap \langle a; \infty)} = f(x)|_{\{x \in D(f) : a \leq x\}}$$



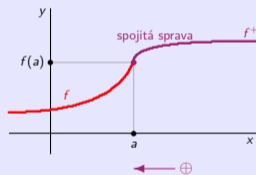
Funkcia f je v bode $a \in D(f)$:

- **spojitá sprava**, ak je v bode a spojité funkcia f^+ .

Jednostranná spojitosť funkcie

Označme zúženia $f(x)$, $x \in D(f)$ na intervaly $(-\infty; a)$, $\langle a; \infty)$, kde $a \in R$:

$f^+(x) = f(x)|_{D(f) \cap \langle a; \infty) = f(x)|_{\{x \in D(f) : a \leq x\}}$, t. j. zúženie napravo.



Funkcia f je v bode $a \in D(f)$:

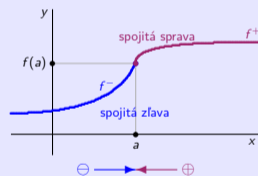
- **spojitá sprava**, ak je v bode a spojitá funkcia f^+ .

Jednostranná spojitosť funkcie

Označme zúženia $f(x)$, $x \in D(f)$ na intervaly $(-\infty; a)$, $\langle a; \infty)$, kde $a \in \mathbb{R}$:

$f^-(x) = f(x)|_{D(f) \cap (-\infty; a)} = f(x)|_{\{x \in D(f): x \leq a\}}$, t. j. **zúženie naľavo**,

$f^+(x) = f(x)|_{D(f) \cap \langle a; \infty)} = f(x)|_{\{x \in D(f): a \leq x\}}$, t. j. **zúženie napravo**.



Funkcia f je v bode $a \in D(f)$:

- **spojitá zľava**, ak je v bode a spojitá funkcia f^- ,
- **spojitá sprava**, ak je v bode a spojitá funkcia f^+ .

Nespojitosť funkcie

f je spojitá (obojsstranná spojitosť) v bode $a \in D(f)$

V pravom krajnom bode spojitosť zľava.

Nespojitosť funkcie

f je spojitá (obojsstranná spojitosť) v bode $a \in D(f)$

$\Leftrightarrow f$ je v bode a **spojitá zľava** a **súčasne** **spojitá sprava**.

V pravom krajnom bode spojitosť zľava.

Nespojitosť funkcie

f je spojitá (obojsstranná spojitosť) v bode $a \in D(f)$

$\Leftrightarrow f$ je v bode a **spojitá zľava** a súčasne **spojitá sprava**.

f je spojitá na množine $A \subset D(f)$,

V pravom krajnom bode spojitosť zľava.

Nespojitosť funkcie

f je spojitá (obojsstranná spojitosť) v bode $a \in D(f)$

$\Leftrightarrow f$ je v bode a **spojitá zľava** a súčasne **spojitá sprava**.

f je spojitá na množine $A \subset D(f)$,

ak je spojitá v každom bode $a \in A$.

V pravom krajnom bode spojitosť zľava.

Nespojitosť funkcie

f je spojitá (obojsstranná spojitosť) v bode $a \in D(f)$

$\Leftrightarrow f$ je v bode a **spojitá zľava** a súčasne **spojitá sprava**.

f je spojitá na množine $A \subset D(f)$,

ak je spojitá v každom bode $a \in A$.

V krajných bodoch (polo)uzavretého intervalu myslíme jednostranné spojitosti.

 V pravom krajnom bode spojitosť zľava.

Nespojitosť funkcie

f je spojitá (obojsstranná spojitosť) v bode $a \in D(f)$

$\Leftrightarrow f$ je v bode a **spojitá zľava** a súčasne **spojitá sprava**.

f je spojitá na množine $A \subset D(f)$,

ak je spojitá v každom bode $a \in A$.

V krajných bodoch (polo)uzavretého intervalu myslíme jednostranné spojitosti.

V ľavom krajnom bode spojitosť sprava.  V pravom krajnom bode spojitosť zľava.

Nespojitosť funkcie

f je spojitá (obojsstranná spojitosť) v bode $a \in D(f)$

$\Leftrightarrow f$ je v bode a **spojitá zľava** a súčasne **spojitá sprava**.

f je spojitá na množine $A \subset D(f)$,

ak je spojitá v každom bode $a \in A$.

V krajných bodoch (polo)uzavretého intervalu myslíme jednostranné spojitosti.

 V pravom krajnom bode spojitosť zľava.

Nespojitosť funkcie

f je spojitá (obojsstranná spojitosť) v bode $a \in D(f)$

$\Leftrightarrow f$ je v bode a **spojitá zľava** a súčasne **spojitá sprava**.

f je spojitá na množine $A \subset D(f)$,

ak je spojitá v každom bode $a \in A$.

V krajných bodoch (polo)uzavretého intervalu myslíme jednostranné spojitosti.

V ľavom krajnom bode spojitosť sprava.  V pravom krajnom bode spojitosť zľava.

Nespojitosť funkcie

f je spojitá (obojsstranná spojitosť) v bode $a \in D(f)$

$\Leftrightarrow f$ je v bode a **spojitá zľava** a súčasne **spojitá sprava**.

f je spojitá na množine $A \subset D(f)$,

ak je spojitá v každom bode $a \in A$.

V krajných bodoch (polo)uzavretého intervalu myslíme jednostranné spojitosti.

V ľavom krajnom bode spojitosť sprava.  V pravom krajnom bode spojitosť zľava.

$a \in D(f)$ je hromadný bod množiny $D(f)$

f je spojitá v bode a

Nespojitosť funkcie

f je spojitá (obojsstranná spojitosť) v bode $a \in D(f)$

$\Leftrightarrow f$ je v bode a **spojitá zľava** a súčasne **spojitá sprava**.

f je spojitá na množine $A \subset D(f)$,

ak je spojitá v každom bode $a \in A$.

V krajných bodoch (polo)uzavretého intervalu myslíme jednostranné spojitosti.

V ľavom krajnom bode spojitosť sprava.  V pravom krajnom bode spojitosť zľava.

$a \in D(f)$ je hromadný bod množiny $D(f)$

f je spojitá v bode $a \Leftrightarrow \lim_{x \rightarrow a} f(x) = f(a)$.

Nespojitosť funkcie

f je spojitá (obojsstranná spojitosť) v bode $a \in D(f)$

$\Leftrightarrow f$ je v bode a **spojitá zľava** a súčasne **spojitá sprava**.

f je spojitá na množine $A \subset D(f)$,

ak je spojitá v každom bode $a \in A$.

V krajných bodoch (polo)uzavretého intervalu myslíme jednostranné spojitosti.

V ľavom krajnom bode spojitosť sprava.  V pravom krajnom bode spojitosť zľava.

$a \in D(f)$ je hromadný bod množiny $D(f)$

f je spojitá v bode $a \Leftrightarrow \lim_{x \rightarrow a} f(x) = f(a)$.

f je nespojitá v bode $a \in R$

[nemusí platiť $a \in D(f)$]

Nespojitosť funkcie

f je spojitá (obojsstranná spojitosť) v bode $a \in D(f)$

$\Leftrightarrow f$ je v bode a **spojitá zľava** a **súčasne** **spojitá sprava**.

f je spojitá na množine $A \subset D(f)$,

ak je spojitá v každom bode $a \in A$.

V krajných bodoch (polo)uzavretého intervalu myslíme jednostranné spojitosti.

V ľavom krajnom bode spojitosť sprava.  V pravom krajnom bode spojitosť zľava.

$a \in D(f)$ je hromadný bod množiny $D(f)$

f je spojitá v bode $a \Leftrightarrow \lim_{x \rightarrow a} f(x) = f(a)$.

f je nespojitá v bode $a \in R$

[nemusí platiť $a \in D(f)$]

ak f nie je v bode a spojitá.

Nespojitosť funkcie

f je spojitá (obojustranná spojitosť) v bode $a \in D(f)$

$\Leftrightarrow f$ je v bode a **spojitá zľava** a **súčasne** **spojitá sprava**.

f je spojitá na množine $A \subset D(f)$,

ak je spojitá v každom bode $a \in A$.

V krajných bodoch (polo)uzavretého intervalu myslíme jednostranné spojitosti.

V ľavom krajnom bode spojitosť sprava.  V pravom krajnom bode spojitosť zľava.

$a \in D(f)$ je hromadný bod množiny $D(f)$

f je spojitá v bode $a \Leftrightarrow \lim_{x \rightarrow a} f(x) = f(a)$.

f je nespojitá v bode $a \in R$ (tzv. bod nespojitosti),

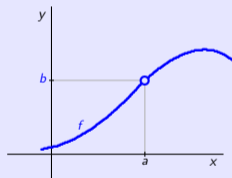
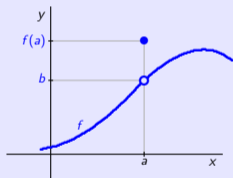
[nemusí platiť $a \in D(f)$]

ak f nie je v bode a spojitá.

Nespojitosť funkcie

Odstrániteľná nespojitosť

f má v bode $a \in \mathbb{R}$ bod odstrániteľnej nespojitosti,

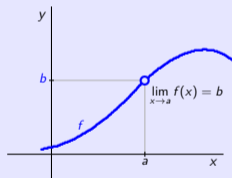
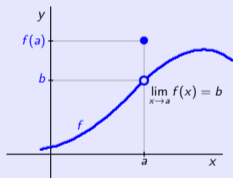


Nespojitosť funkcie

Odstrániteľná nespojitosť

f má v bode $a \in \mathbb{R}$ bod odstrániteľnej nespojitosti,

ak existuje konečná limita $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = b \in \mathbb{R}$

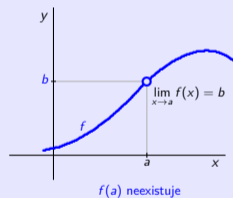
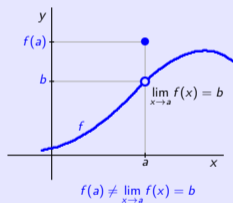


Nespojitosť funkcie

Odstrániteľná nespojitosť

f má v bode $a \in \mathbb{R}$ bod odstrániteľnej nespojitosti,

ak existuje konečná limita $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = b \in \mathbb{R}$, ale $\lim_{x \rightarrow a} f(x) \neq f(a)$.

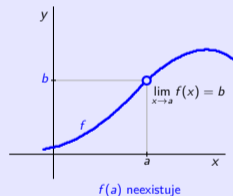
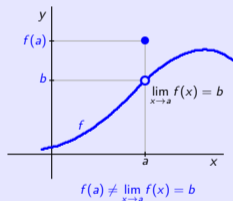


Nespojitosť funkcie

Odstrániteľná nespojitosť

f má v bode $a \in \mathbb{R}$ bod odstrániteľnej nespojitosti,

ak existuje konečná limita $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = b \in \mathbb{R}$, ale $\lim_{x \rightarrow a} f(x) \neq f(a)$.



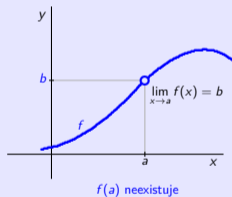
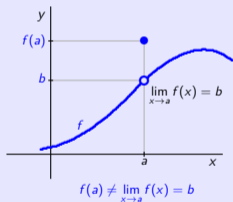
$f : y = \frac{\sin x}{x}$ má v bode $a = 0$ bod odstrániteľnej nespojitosti.

Nespojitosť funkcie

Odstrániteľná nespojitosť

f má v bode $a \in \mathbb{R}$ bod odstrániteľnej nespojitosti,

ak existuje konečná limita $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = b \in \mathbb{R}$, ale $\lim_{x \rightarrow a} f(x) \neq f(a)$.



$f : y = \frac{\sin x}{x}$ má v bode $a = 0$ bod odstrániteľnej nespojitosti.

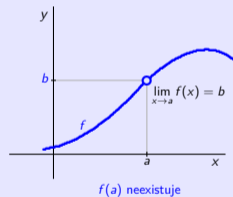
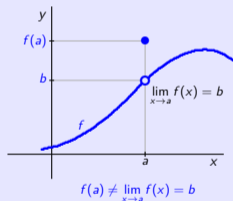
$$D(f) = \mathbb{R} - \{0\},$$

Nespojitosť funkcie

Odstrániteľná nespojitosť

f má v bode $a \in \mathbb{R}$ bod odstrániteľnej nespojitosti,

ak existuje konečná limita $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = b \in \mathbb{R}$, ale $\lim_{x \rightarrow a} f(x) \neq f(a)$.



$f : y = \frac{\sin x}{x}$ má v bode $a = 0$ bod odstrániteľnej nespojitosti.

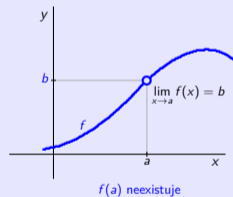
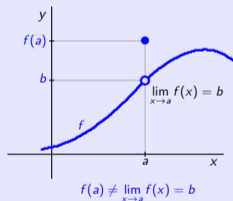
$D(f) = \mathbb{R} - \{0\}$, $f(0)$ neexistuje,

Nespojitosť funkcie

Odstrániteľná nespojitosť

f má v bode $a \in \mathbb{R}$ bod odstrániteľnej nespojitosti,

ak existuje konečná limita $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = b \in \mathbb{R}$, ale $\lim_{x \rightarrow a} f(x) \neq f(a)$.



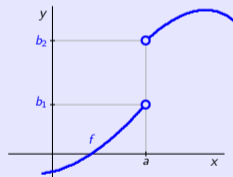
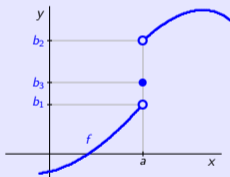
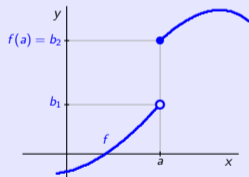
$f : y = \frac{\sin x}{x}$ má v bode $a = 0$ bod odstrániteľnej nespojitosti.

$D(f) = \mathbb{R} - \{0\}$, $f(0)$ neexistuje, $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$ je konečná.

Nespojitosť funkcie

Neodstrániteľná nespojitosť 1. druhu

f má v bode $a \in \mathbb{R}$ bod neodstrániteľnej nespojitosti 1. druhu,

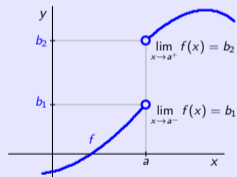
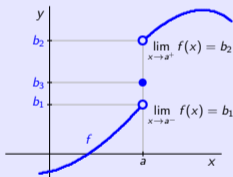
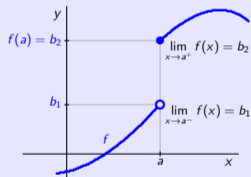


Nespojitosť funkcie

Neodstrániteľná nespojitosť 1. druhu

f má v bode $a \in \mathbb{R}$ bod neodstrániteľnej nespojitosti 1. druhu,

ak existujú **konečné** $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow a^+} f(x)$

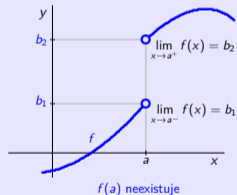
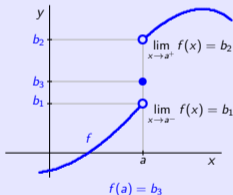
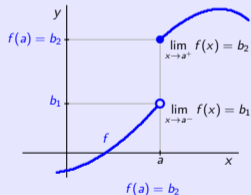


Nespojitosť funkcie

Neodstrániteľná nespojitosť 1. druhu

f má v bode $a \in \mathbb{R}$ bod neodstrániteľnej nespojitosti 1. druhu,

ak existujú **konečné** $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow a^+} f(x)$, ale $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x) \neq \lim_{x \rightarrow a^+} f(x)$.

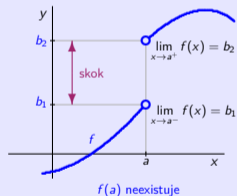
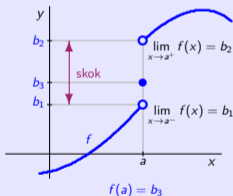
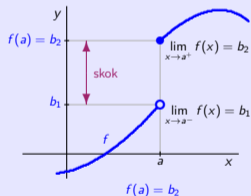


Nespojitosť funkcie

Neodstrániteľná nespojitosť 1. druhu tzv. skok

f má v bode $a \in \mathbb{R}$ bod neodstrániteľnej nespojitosti 1. druhu,

ak existujú konečné $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow a^+} f(x)$, ale $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x) \neq \lim_{x \rightarrow a^+} f(x)$.

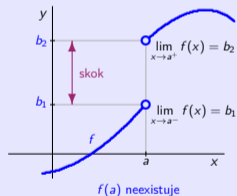
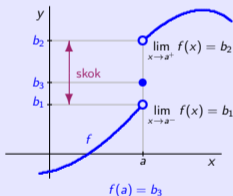
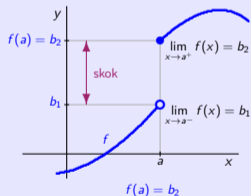


Nespojitosť funkcie

Neodstrániteľná nespojitosť 1. druhu tzv. skok

f má v bode $a \in \mathbb{R}$ bod neodstrániteľnej nespojitosti 1. druhu,

ak existujú **konečné** $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow a^+} f(x)$, ale $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x) \neq \lim_{x \rightarrow a^+} f(x)$.



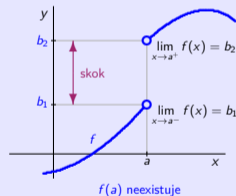
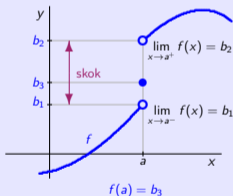
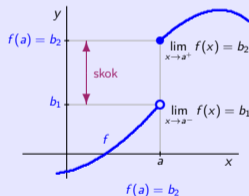
$f : y = \operatorname{sgn} x$ má v bode $a = 0$ neodstrániteľnú nespojitosť 1. druhu.

Nespojitosť funkcie

Neodstrániteľná nespojitosť 1. druhu tzv. skok

f má v bode $a \in \mathbb{R}$ bod neodstrániteľnej nespojitosti 1. druhu,

ak existujú konečné $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow a^+} f(x)$, ale $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x) \neq \lim_{x \rightarrow a^+} f(x)$.



$f : y = \operatorname{sgn} x$ má v bode $a = 0$ neodstrániteľnú nespojitosť 1. druhu.

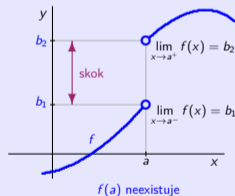
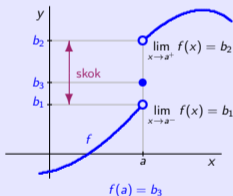
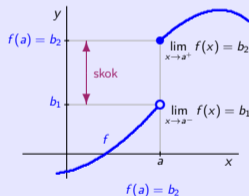
$$D(f) = \mathbb{R},$$

Nespojitosť funkcie

Neodstrániteľná nespojitosť 1. druhu tzv. skok

f má v bode $a \in \mathbb{R}$ bod neodstrániteľnej nespojitosti 1. druhu,

ak existujú **konečné** $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow a^+} f(x)$, ale $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x) \neq \lim_{x \rightarrow a^+} f(x)$.



$f : y = \operatorname{sgn} x$ má v bode $a = 0$ neodstrániteľnú nespojitosť 1. druhu.

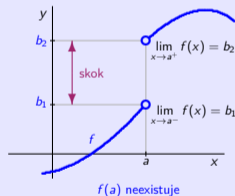
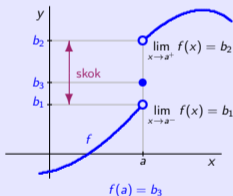
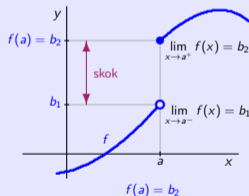
$$D(f) = \mathbb{R}, \quad f(0) = 0,$$

Nespojitosť funkcie

Neodstrániteľná nespojitosť 1. druhu tzv. skok

f má v bode $a \in \mathbb{R}$ bod neodstrániteľnej nespojitosti 1. druhu,

ak existujú konečné $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow a^+} f(x)$, ale $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x) \neq \lim_{x \rightarrow a^+} f(x)$.



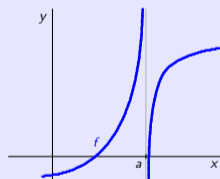
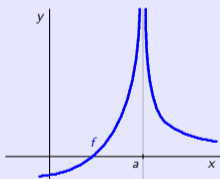
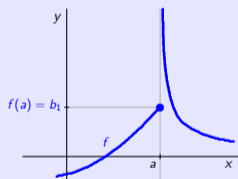
$f : y = \operatorname{sgn} x$ má v bode $a = 0$ neodstrániteľnú nespojitosť 1. druhu.

$$D(f) = \mathbb{R}, \quad f(0) = 0, \quad \lim_{x \rightarrow 0^-} \operatorname{sgn} x = -1, \quad \lim_{x \rightarrow 0^+} \operatorname{sgn} x = 1.$$

Nespojitosť funkcie

Neodstrániteľná nespojitosť 2. druhu

f má v bode $a \in \mathbb{R}$ bod neodstrániteľnej nespojitosti 2. druhu,

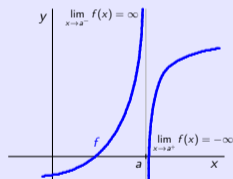
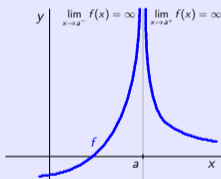
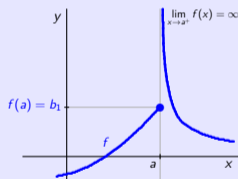


Nespojitosť funkcie

Neodstrániteľná nespojitosť 2. druhu

f má v bode $a \in \mathbb{R}$ bod neodstrániteľnej nespojitosti 2. druhu,

ak aspoň jedna z $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow a^+} f(x)$ neexistuje alebo je nevlastná.



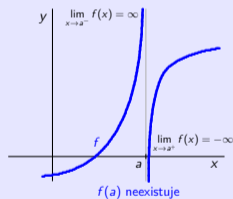
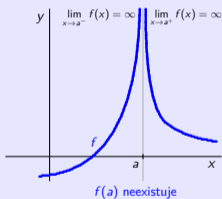
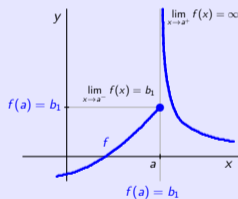
Nespojitosť funkcie

Neodstrániteľná nespojitosť 2. druhu

f má v bode $a \in \mathbb{R}$ bod neodstrániteľnej nespojitosti 2. druhu,

ak aspoň jedna z $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow a^+} f(x)$ neexistuje alebo je nevlastná.

Ak je niektorá z jednostranných limit nevlastná, potom asymptotická nespojitosť.



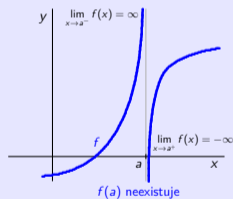
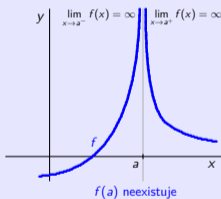
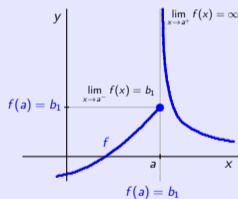
Nespojitosť funkcie

Neodstrániteľná nespojitosť 2. druhu

f má v bode $a \in \mathbb{R}$ bod neodstrániteľnej nespojitosti 2. druhu,

ak aspoň jedna z $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow a^+} f(x)$ neexistuje alebo je nevlastná.

Ak je niektorá z jednostranných limit nevlastná, potom asymptotická nespojitosť.



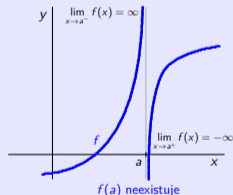
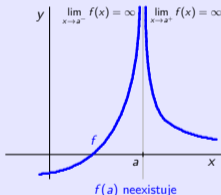
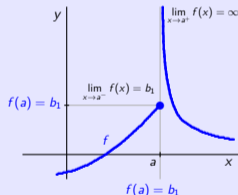
$f : y = \sin \frac{1}{x}$ má v bode $a = 0$ neodstrániteľnú nespojitosť 2. druhu.

Nespojitosť funkcie

Neodstrániteľná nespojitosť 2. druhu

f má v bode $a \in R$ bod neodstrániteľnej nespojitosti 2. druhu, ak aspoň jedna z $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow a^+} f(x)$ neexistuje alebo je nevlastná.

Ak je niektorá z jednostranných limit nevlastná, potom asymptotická nespojitosť.



$f : y = \sin \frac{1}{x}$ má v bode $a = 0$ neodstrániteľnú nespojitosť 2. druhu.

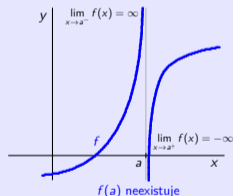
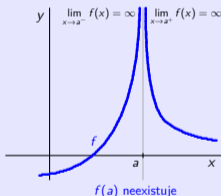
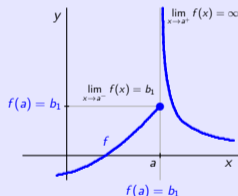
$$D(f) = R - \{0\},$$

Nespojitosť funkcie

Neodstrániteľná nespojitosť 2. druhu

f má v bode $a \in R$ bod neodstrániteľnej nespojitosti 2. druhu, ak aspoň jedna z $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow a^+} f(x)$ neexistuje alebo je nevlastná.

Ak je niektorá z jednostranných limit nevlastná, potom asymptotická nespojitosť.



$f : y = \sin \frac{1}{x}$ má v bode $a = 0$ neodstrániteľnú nespojitosť 2. druhu.

$$D(f) = R - \{0\}, \quad f(0) \text{ neexistuje,}$$

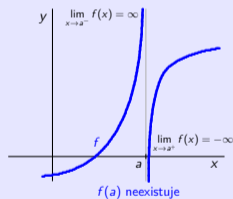
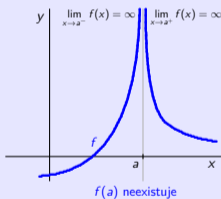
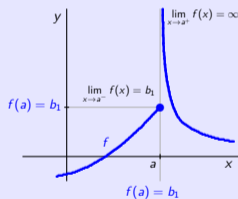
Nespojitosť funkcie

Neodstrániteľná nespojitosť 2. druhu

f má v bode $a \in R$ bod neodstrániteľnej nespojitosti 2. druhu,

ak aspoň jedna z $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow a^+} f(x)$ neexistuje alebo je nevlastná.

Ak je niektorá z jednostranných limit nevlastná, potom asymptotická nespojitosť.



$f : y = \sin \frac{1}{x}$ má v bode $a = 0$ neodstrániteľnú nespojitosť 2. druhu.

$D(f) = R - \{0\}$, $f(0)$ neexistuje, $\lim_{x \rightarrow 0^-} \sin \frac{1}{x}$, $\lim_{x \rightarrow 0^+} \sin \frac{1}{x}$ neexistujú.

Spojitosť funkcie na intervale

f je spojitá na intervale I

$\Rightarrow f(I)$ je interval,

Spojitosť funkcie na intervale

f je spojitá na intervale I

$\Rightarrow f(I)$ je interval,

Spojitosť funkcie na intervale

f je spojitá na intervale I

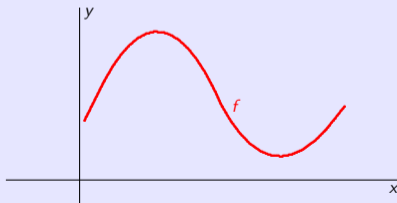
$\Rightarrow f(I)$ je interval, t. j. spojitá funkcia zobrazuje interval na interval.

Spojitosť funkcie na intervale

f je spojitá na intervale I

$\Rightarrow f(I)$ je interval, t.j. spojitá funkcia zobrazuje interval na interval.

f je spojitá

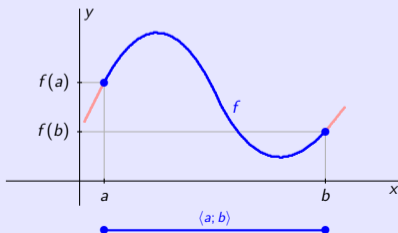


Spojitosť funkcie na intervale

f je spojitá na intervale I

$\Rightarrow f(I)$ je interval, t.j. spojitá funkcia zobrazuje interval na interval.

f je spojitá na uzavretom (t.j. aj ohraničenom) intervale $\langle a; b \rangle$, $a, b \in \mathbb{R}$



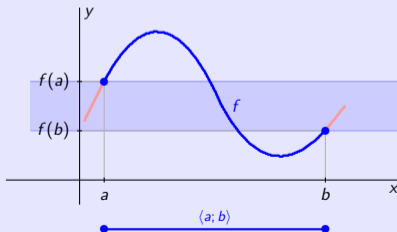
Spojitosť funkcie na intervale

f je spojitá na intervale I

$\Rightarrow f(I)$ je interval, t. j. spojitá funkcia zobrazuje interval na interval.

f je spojitá na uzavretom (t. j. aj ohraničenom) intervale $\langle a; b \rangle$, $a, b \in \mathbb{R}$

\Rightarrow • f je na $\langle a; b \rangle$ ohraničená,



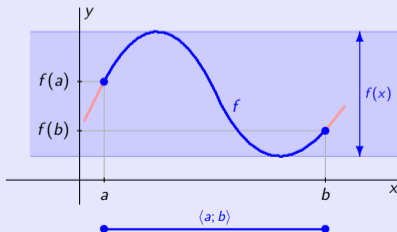
Spojitosť funkcie na intervale

f je spojitá na intervale I

$\Rightarrow f(I)$ je interval, t. j. spojitá funkcia zobrazuje interval na interval.

f je spojitá na uzavretom (t. j. aj ohraničenom) intervale $\langle a; b \rangle$, $a, b \in \mathbb{R}$

\Rightarrow • f je na $\langle a; b \rangle$ ohraničená,



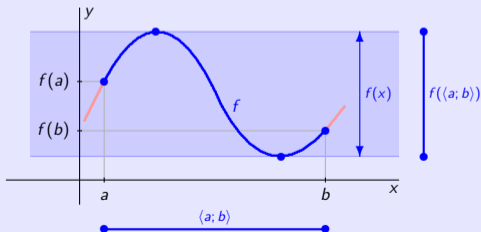
Spojitosť funkcie na intervale

f je spojitá na intervale I

$\Rightarrow f(I)$ je interval, t.j. spojitá funkcia zobrazuje interval na interval.

f je spojitá na uzavretom (t.j. aj ohraničenom) intervale $\langle a; b \rangle$, $a, b \in \mathbb{R}$

- \Rightarrow
- f je na $\langle a; b \rangle$ ohraničená,
 - $f(\langle a; b \rangle)$ je uzavretý interval,



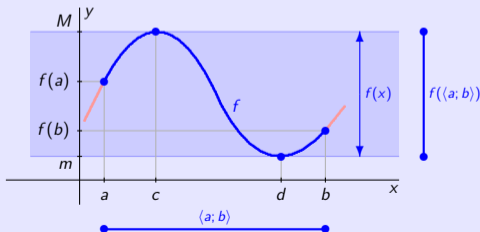
Spojitosť funkcie na intervale

f je spojitá na intervale I

$\Rightarrow f(I)$ je interval, t.j. spojitá funkcia zobrazuje interval na interval.

f je spojitá na uzavretom (t.j. aj ohraničenom) intervale $\langle a; b \rangle$, $a, b \in \mathbb{R}$

- \Rightarrow
- f je na $\langle a; b \rangle$ ohraničená,
 - $f(\langle a; b \rangle)$ je uzavretý interval,
 - f nadobúda na $\langle a; b \rangle$ svoje extrémny.



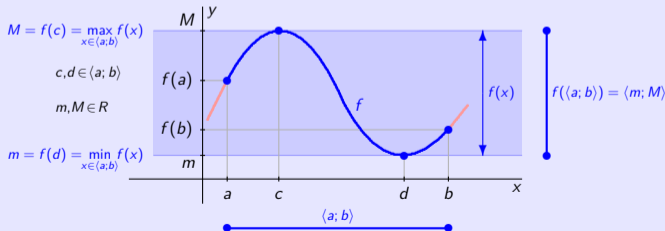
Spojitosť funkcie na intervale

f je spojitá na intervale I

$\Rightarrow f(I)$ je interval, t.j. spojitá funkcia zobrazuje interval na interval.

f je spojitá na uzavretom (t.j. aj ohraničenom) intervale $\langle a; b \rangle$, $a, b \in \mathbb{R}$

- \Rightarrow
- f je na $\langle a; b \rangle$ ohraničená,
 - $f(\langle a; b \rangle)$ je uzavretý interval,
 - f nadobúda na $\langle a; b \rangle$ svoje extrémny.



Spojitosť funkcie na intervale

I je interval (ale nie uzavretý), f je spojitá na I .

Spojitosť funkcie na intervale

I je interval (ale nie uzavretý), f je spojitá na I .

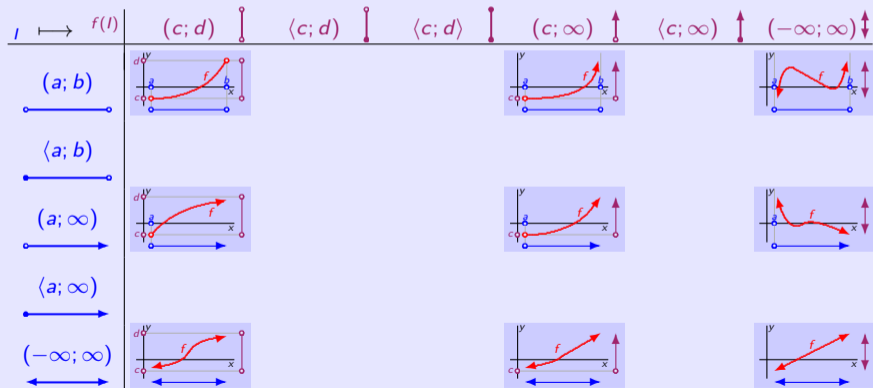
$f(I)$ je interval a môže byť množina

$I \mapsto f(I)$	$(c; d)$	$\langle c; d \rangle$	$\langle c; d \rangle$	$(c; \infty)$	$\langle c; \infty \rangle$	$(-\infty; \infty)$
$(a; b)$ 						
$\langle a; b \rangle$ 						
$(a; \infty)$ 						
$\langle a; \infty \rangle$ 						
$(-\infty; \infty)$ 						

Spojitosť funkcie na intervale

I je interval (ale nie uzavretý), f je spojitá na I .

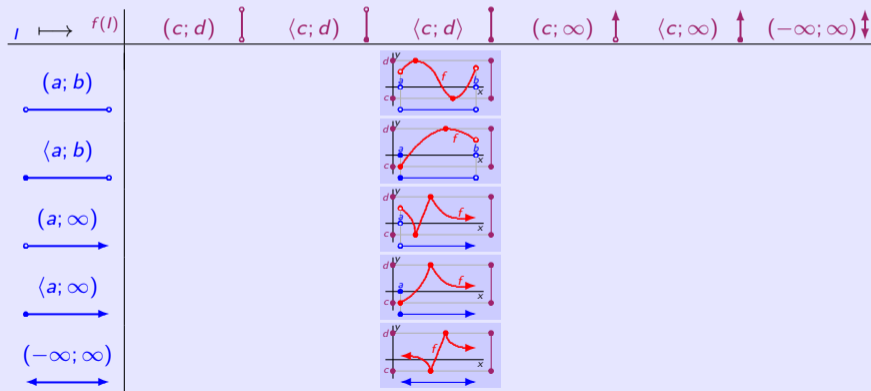
$f(I)$ je interval a môže byť množina **otvorená**,



Spojitosť funkcie na intervale

I je interval (ale nie uzavretý), f je spojitá na I .

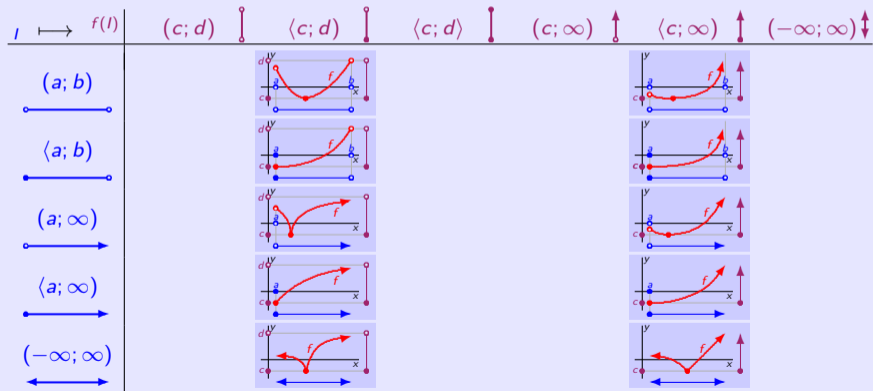
$f(I)$ je interval a môže byť množina otvorená, **uzavretá**,



Spojitosť funkcie na intervale

I je interval (ale nie uzavretý), f je spojitá na I .

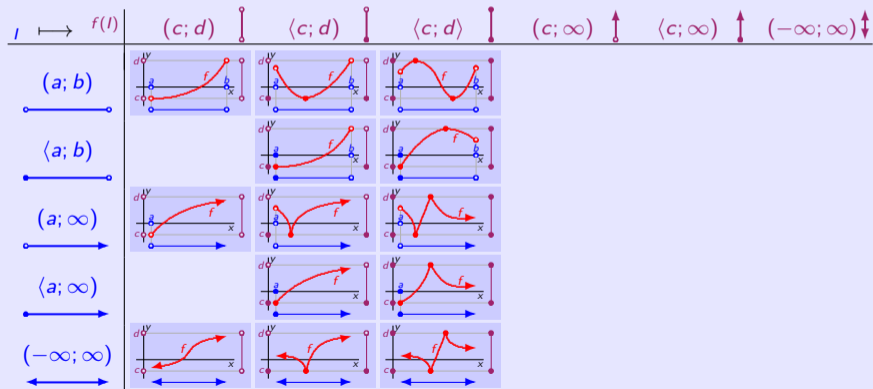
$f(I)$ je interval a môže byť množina otvorená, uzavretá, **nie otvorená a nie uzavretá**,



Spojitosť funkcie na intervale

I je interval (ale nie uzavretý), f je spojitá na I .

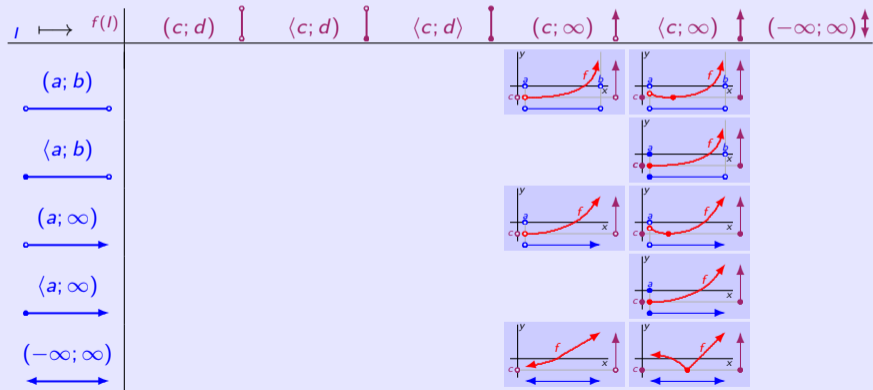
$f(I)$ je interval a môže byť množina otvorená, uzavretá, nie otvorená a nie uzavretá, ohraničená,



Spojitosť funkcie na intervale

I je interval (ale nie uzavretý), f je spojitá na I .


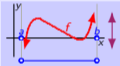


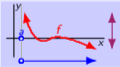


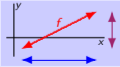
$f(I)$ je interval a môže byť množina otvorená, uzavretá, nie otvorená a nie uzavretá, ohraničená, **neohraničená zdola alebo zhora**,



Spojitosť funkcie na intervale

I je interval (ale nie uzavretý), f je spojitá na I .

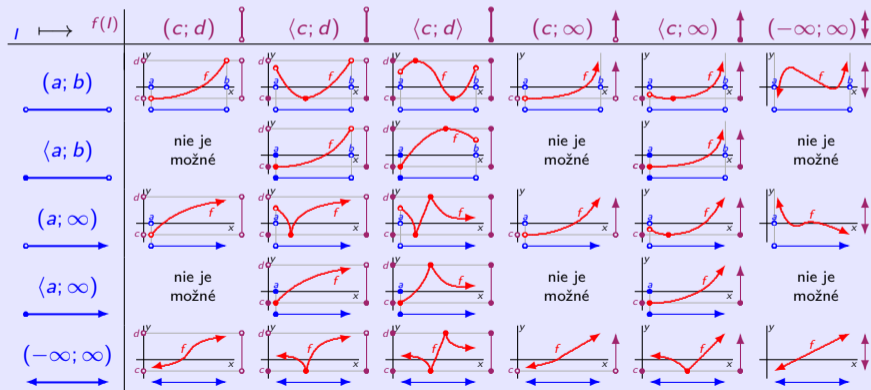
$f(I)$ je interval a môže byť množina otvorená, uzavretá, nie otvorená a nie uzavretá, ohraničená, neohraničená zdola alebo zhora, **neohraničená zdola a zhora**.

$I \mapsto f(I)$	$(c; d)$ ↓	$\langle c; d \rangle$ ↓	$\langle c; d \rangle$ ↓	$(c; \infty)$ ↑	$\langle c; \infty \rangle$ ↑	$(-\infty; \infty)$ ↑↓
$(a; b)$ 						
$\langle a; b \rangle$ 						
$(a; \infty)$ 						
$\langle a; \infty \rangle$ 						
$(-\infty; \infty)$ 						

Spojitosť funkcie na intervale

I je interval (ale nie uzavretý), f je spojitá na I .

$f(I)$ je interval a môže byť množina otvorená, uzavretá, nie otvorená a nie uzavretá, ohraničená, neohraničená zdola alebo zhora, neohraničená zdola a zhora.



Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$,

Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

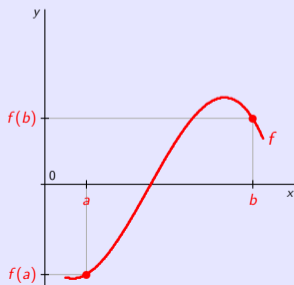
\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie



Metóda bisekcie

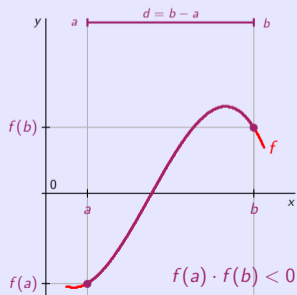
f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu

Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,



Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

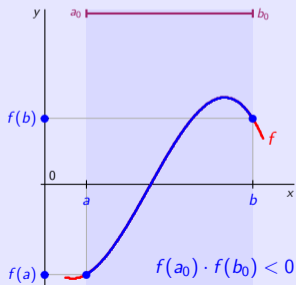
\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu

Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$



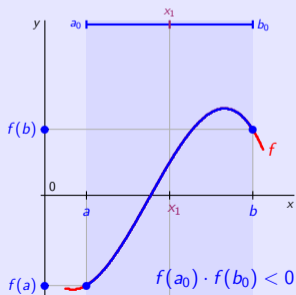
Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu



Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$

Krok 1

Označme $x_1 = \frac{a_0 + b_0}{2}$ stred intervalu $\langle a_0; b_0 \rangle$
a rozdeľme ho na intervaly $\langle a_0; x_1 \rangle$, $\langle x_1; b_0 \rangle$.

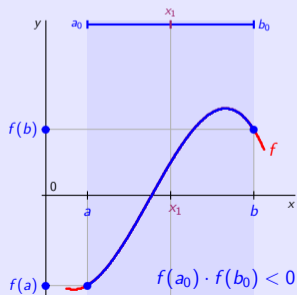
Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu



Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$

Krok 1

Označme $x_1 = \frac{a_0 + b_0}{2}$ stred intervalu $\langle a_0; b_0 \rangle$
a rozdeľme ho na intervaly $\langle a_0; x_1 \rangle$, $\langle x_1; b_0 \rangle$.

Ak $f(x_1) = 0$, potom x_1 je koreň.

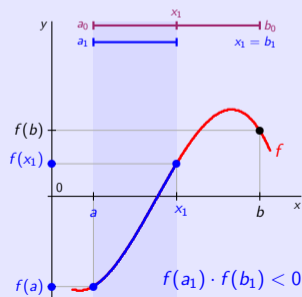
Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu



Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$

Krok 1

Označme $x_1 = \frac{a_0 + b_0}{2}$ stred intervalu $\langle a_0; b_0 \rangle$

a rozdeľme ho na intervaly $\langle a_0; x_1 \rangle$, $\langle x_1; b_0 \rangle$.

Ak $f(x_1) = 0$, potom x_1 je koreň.

V opačnom prípade označme $\langle a_1; b_1 \rangle$

interval, pre ktorý platí $f(a_1) \cdot f(b_1) < 0$.

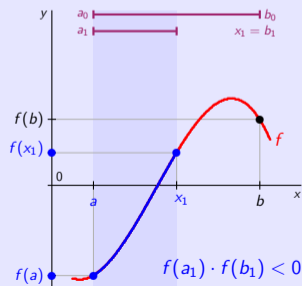
Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu



Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$

Krok 1

Označme $x_1 = \frac{a_0 + b_0}{2}$ stred intervalu $\langle a_0; b_0 \rangle$

a rozdeľme ho na intervaly $\langle a_0; x_1 \rangle$, $\langle x_1; b_0 \rangle$.

Ak $f(x_1) = 0$, potom x_1 je koreň.

V opačnom prípade označme $\langle a_1; b_1 \rangle$

interval, pre ktorý platí $f(a_1) \cdot f(b_1) < 0$.

Dĺžka intervalu $d_1 = b_1 - a_1 = \frac{d_0}{2} = \frac{b-a}{2^1}$.

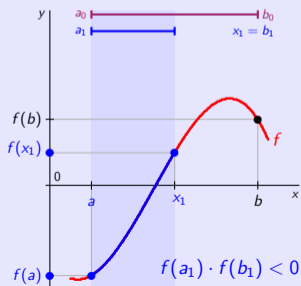
Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu



Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$

Krok 1

Označme $x_1 = \frac{a_0 + b_0}{2}$ stred intervalu $\langle a_0; b_0 \rangle$

a rozdeľme ho na intervaly $\langle a_0; x_1 \rangle$, $\langle x_1; b_0 \rangle$.

Ak $f(x_1) = 0$, potom x_1 je koreň.

V opačnom prípade označme $\langle a_1; b_1 \rangle$

interval, pre ktorý platí $f(a_1) \cdot f(b_1) < 0$.

Dĺžka intervalu $d_1 = b_1 - a_1 = \frac{d_0}{2} = \frac{b-a}{2^1}$.

Hľadaný koreň x aproximujeme hodnotou x_1

a ich rozdiel, t. j. chyba výpočtu je

$$|x_1 - x| \leq b_1 - a_1 = d_1 = \frac{b-a}{2^1} = \varepsilon_1.$$

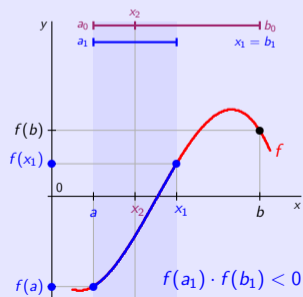
Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu



Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$

Krok 2

Označme $x_2 = \frac{a_1 + b_1}{2}$ stred intervalu $\langle a_1; b_1 \rangle$
a rozdeľme ho na intervaly $\langle a_1; x_2 \rangle$, $\langle x_2; b_1 \rangle$.

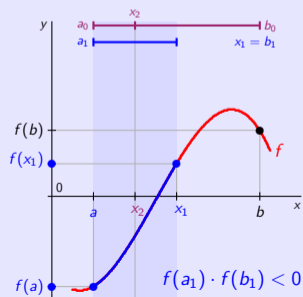
Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu



Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$

Krok 2

Označme $x_2 = \frac{a_1 + b_1}{2}$ stred intervalu $\langle a_1; b_1 \rangle$
a rozdeľme ho na intervaly $\langle a_1; x_2 \rangle$, $\langle x_2; b_1 \rangle$.

Ak $f(x_2) = 0$, potom x_2 je koreň.

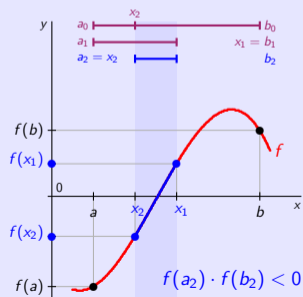
Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu



Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$

Krok 2

Označme $x_2 = \frac{a_1 + b_1}{2}$ stred intervalu $\langle a_1; b_1 \rangle$

a rozdeľme ho na intervaly $\langle a_1; x_2 \rangle$, $\langle x_2; b_1 \rangle$.

Ak $f(x_2) = 0$, potom x_2 je koreň.

V opačnom prípade označme $\langle a_2; b_2 \rangle$

interval, pre ktorý platí $f(a_2) \cdot f(b_2) < 0$.

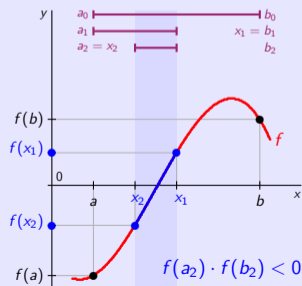
Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu



Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$

Krok 2

Označme $x_2 = \frac{a_1 + b_1}{2}$ stred intervalu $\langle a_1; b_1 \rangle$

a rozdeľme ho na intervaly $\langle a_1; x_2 \rangle$, $\langle x_2; b_1 \rangle$.

Ak $f(x_2) = 0$, potom x_2 je koreň.

V opačnom prípade označme $\langle a_2; b_2 \rangle$

interval, pre ktorý platí $f(a_2) \cdot f(b_2) < 0$.

Dĺžka intervalu $d_2 = b_2 - a_2 = \frac{d_1}{2} = \frac{b-a}{2^2}$.

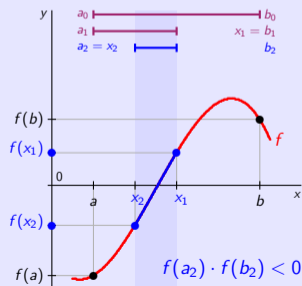
Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu



Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$

Krok 2

Označme $x_2 = \frac{a_1 + b_1}{2}$ stred intervalu $\langle a_1; b_1 \rangle$

a rozdeľme ho na intervaly $\langle a_1; x_2 \rangle$, $\langle x_2; b_1 \rangle$.

Ak $f(x_2) = 0$, potom x_2 je koreň.

V opačnom prípade označme $\langle a_2; b_2 \rangle$

interval, pre ktorý platí $f(a_2) \cdot f(b_2) < 0$.

Dĺžka intervalu $d_2 = b_2 - a_2 = \frac{d_1}{2} = \frac{b-a}{2^2}$.

Hľadaný koreň x aproximujeme hodnotou x_2

a ich rozdiel, t. j. chyba výpočtu je

$$|x_2 - x| \leq b_2 - a_2 = d_2 = \frac{b-a}{2^2} = \varepsilon_2.$$

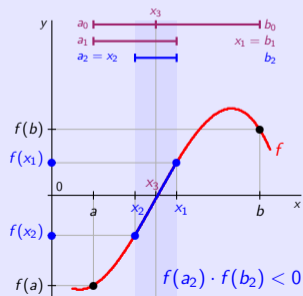
Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu



Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$

Krok 3

Označme $x_3 = \frac{a_2 + b_2}{2}$ stred intervalu $\langle a_2; b_2 \rangle$
a rozdeľme ho na intervaly $\langle a_2; x_3 \rangle$, $\langle x_3; b_2 \rangle$.

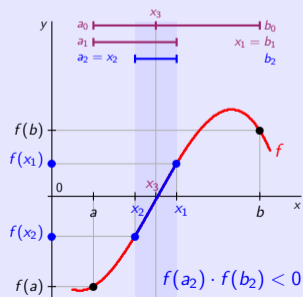
Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu



Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$

Krok 3

Označme $x_3 = \frac{a_2 + b_2}{2}$ stred intervalu $\langle a_2; b_2 \rangle$

a rozdeľme ho na intervaly $\langle a_2; x_3 \rangle$, $\langle x_3; b_2 \rangle$.

Ak $f(x_3) = 0$, potom x_3 je koreň.

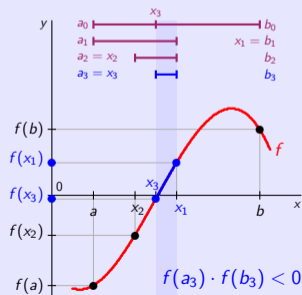
Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu



Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$

Krok 3

Označme $x_3 = \frac{a_2 + b_2}{2}$ stred intervalu $\langle a_2; b_2 \rangle$

a rozdeľme ho na intervaly $\langle a_2; x_3 \rangle$, $\langle x_3; b_2 \rangle$.

Ak $f(x_3) = 0$, potom x_3 je koreň.

V opačnom prípade označme $\langle a_3; b_3 \rangle$

interval, pre ktorý platí $f(a_3) \cdot f(b_3) < 0$.

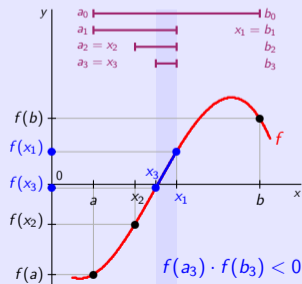
Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu



Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$

Krok 3

Označme $x_3 = \frac{a_2 + b_2}{2}$ stred intervalu $\langle a_2; b_2 \rangle$

a rozdeľme ho na intervaly $\langle a_2; x_3 \rangle$, $\langle x_3; b_2 \rangle$.

Ak $f(x_3) = 0$, potom x_3 je koreň.

V opačnom prípade označme $\langle a_3; b_3 \rangle$

interval, pre ktorý platí $f(a_3) \cdot f(b_3) < 0$.

Dĺžka intervalu $d_3 = b_3 - a_3 = \frac{d_2}{2} = \frac{b-a}{2^3}$.

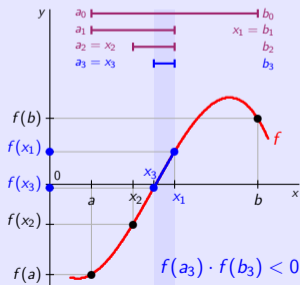
Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu



Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$

Krok 3

Označme $x_3 = \frac{a_2 + b_2}{2}$ stred intervalu $\langle a_2; b_2 \rangle$
a rozdeľme ho na intervaly $\langle a_2; x_3 \rangle$, $\langle x_3; b_2 \rangle$.

Ak $f(x_3) = 0$, potom x_3 je koreň.

V opačnom prípade označme $\langle a_3; b_3 \rangle$
interval, pre ktorý platí $f(a_3) \cdot f(b_3) < 0$.

Dĺžka intervalu $d_3 = b_3 - a_3 = \frac{d_2}{2} = \frac{b-a}{2^3}$.

Hľadaný koreň x aproximujeme hodnotou x_3

a ich rozdiel, t. j. chyba výpočtu je

$$|x_3 - x| \leq b_3 - a_3 = d_3 = \frac{b-a}{2^3} = \varepsilon_3.$$

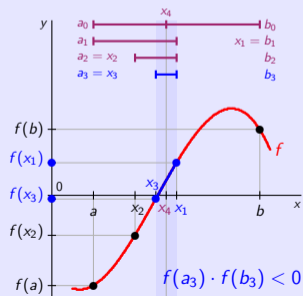
Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu



Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$

Krok 4

Označme $x_4 = \frac{a_3 + b_3}{2}$ stred intervalu $\langle a_3; b_3 \rangle$
a rozdeľme ho na intervaly $\langle a_3; x_4 \rangle, \langle x_4; b_3 \rangle$.

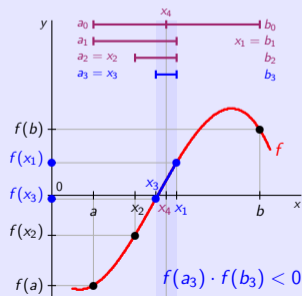
Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu



Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$

Krok 4

Označme $x_4 = \frac{a_3 + b_3}{2}$ stred intervalu $\langle a_3; b_3 \rangle$
a rozdeľme ho na intervaly $\langle a_3; x_4 \rangle, \langle x_4; b_3 \rangle$.

Ak $f(x_4) = 0$, potom x_4 je koreň.

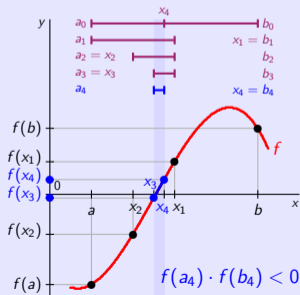
Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu



Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$

Krok 4

Označme $x_4 = \frac{a_3 + b_3}{2}$ stred intervalu $\langle a_3; b_3 \rangle$
a rozdeľme ho na intervaly $\langle a_3; x_4 \rangle, \langle x_4; b_3 \rangle$.

Ak $f(x_4) = 0$, potom x_4 je koreň.

V opačnom prípade označme $\langle a_4; b_4 \rangle$
interval, pre ktorý platí $f(a_4) \cdot f(b_4) < 0$.

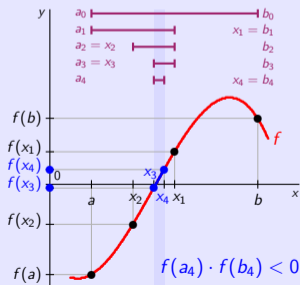
Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu



Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$

Krok 4

Označme $x_4 = \frac{a_3 + b_3}{2}$ stred intervalu $\langle a_3; b_3 \rangle$

a rozdeľme ho na intervaly $\langle a_3; x_4 \rangle$, $\langle x_4; b_3 \rangle$.

Ak $f(x_4) = 0$, potom x_4 je koreň.

V opačnom prípade označme $\langle a_4; b_4 \rangle$

interval, pre ktorý platí $f(a_4) \cdot f(b_4) < 0$.

Dĺžka intervalu $d_4 = b_4 - a_4 = \frac{d_3}{2} = \frac{b-a}{2^4}$.

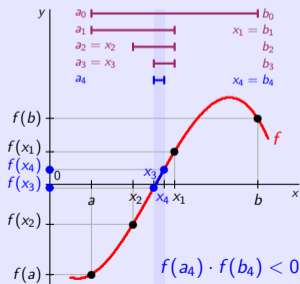
Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu



Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$

Krok 4

Označme $x_4 = \frac{a_3 + b_3}{2}$ stred intervalu $\langle a_3; b_3 \rangle$

a rozdeľme ho na intervaly $\langle a_3; x_4 \rangle$, $\langle x_4; b_3 \rangle$.

Ak $f(x_4) = 0$, potom x_4 je koreň.

V opačnom prípade označme $\langle a_4; b_4 \rangle$

interval, pre ktorý platí $f(a_4) \cdot f(b_4) < 0$.

Dĺžka intervalu $d_4 = b_4 - a_4 = \frac{d_3}{2} = \frac{b-a}{2^4}$.

Hľadaný koreň x aproximujeme hodnotou x_4

a ich rozdiel, t. j. chyba výpočtu je

$$|x_4 - x| \leq b_4 - a_4 = d_4 = \frac{b-a}{2^4} = \varepsilon_4.$$

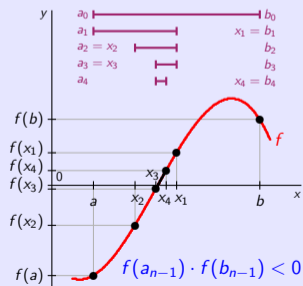
Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu



Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$

Krok n Po konečnom počte $n-1$ krokoch ($n \in \mathbb{N}$).

Označme $x_n = \frac{a_{n-1} + b_{n-1}}{2}$ stred $\langle a_{n-1}; b_{n-1} \rangle$
a rozdeľme ho na $\langle a_{n-1}; x_n \rangle$, $\langle x_n; b_{n-1} \rangle$.

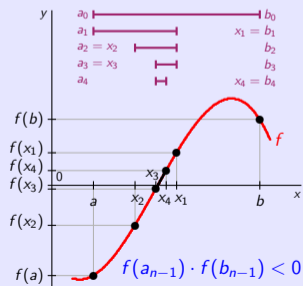
Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu



Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$

Krok n Po konečnom počte $n-1$ krokoch ($n \in \mathbb{N}$).

Označme $x_n = \frac{a_{n-1} + b_{n-1}}{2}$ stred $\langle a_{n-1}; b_{n-1} \rangle$

a rozdeľme ho na $\langle a_{n-1}; x_n \rangle$, $\langle x_n; b_{n-1} \rangle$.

Ak $f(x_n) = 0$, potom x_n je koreň.

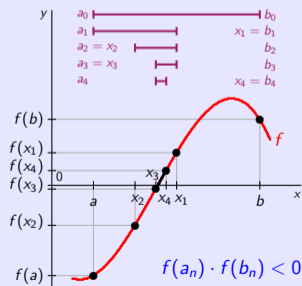
Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu



Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$

Krok n Po konečnom počte $n-1$ krokov ($n \in \mathbb{N}$).

Označme $x_n = \frac{a_{n-1} + b_{n-1}}{2}$ stred $\langle a_{n-1}; b_{n-1} \rangle$

a rozdeľme ho na $\langle a_{n-1}; x_n \rangle$, $\langle x_n; b_{n-1} \rangle$.

Ak $f(x_n) = 0$, potom x_n je koreň.

V opačnom prípade označme $\langle a_n; b_n \rangle$

interval, pre ktorý platí $f(a_n) \cdot f(b_n) < 0$.

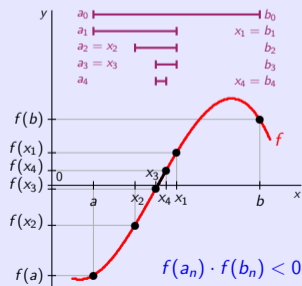
Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu



Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$

Krok n Po konečnom počte $n-1$ krokoch ($n \in \mathbb{N}$).

Označme $x_n = \frac{a_{n-1} + b_{n-1}}{2}$ stred $\langle a_{n-1}; b_{n-1} \rangle$

a rozdeľme ho na $\langle a_{n-1}; x_n \rangle$, $\langle x_n; b_{n-1} \rangle$.

Ak $f(x_n) = 0$, potom x_n je koreň.

V opačnom prípade označme $\langle a_n; b_n \rangle$

interval, pre ktorý platí $f(a_n) \cdot f(b_n) < 0$.

Dĺžka intervalu $d_n = b_n - a_n = \frac{d_{n-1}}{2} = \frac{b-a}{2^n}$.

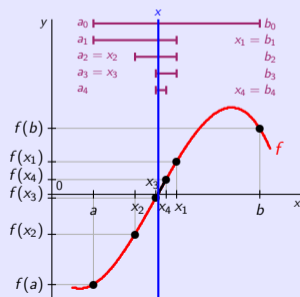
Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu



Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$

Krok n Po konečnom počte $n-1$ krokov ($n \in \mathbb{N}$).

Označme $x_n = \frac{a_{n-1} + b_{n-1}}{2}$ stred $\langle a_{n-1}; b_{n-1} \rangle$

a rozdeľme ho na $\langle a_{n-1}; x_n \rangle$, $\langle x_n; b_{n-1} \rangle$.

Ak $f(x_n) = 0$, potom x_n je koreň.

V opačnom prípade označme $\langle a_n; b_n \rangle$

interval, pre ktorý platí $f(a_n) \cdot f(b_n) < 0$.

Dĺžka intervalu $d_n = b_n - a_n = \frac{d_{n-1}}{2} = \frac{b-a}{2^n}$.

Hľadaný koreň x aproximujeme hodnotou x_n

a ich rozdiel, t. j. chyba výpočtu je

$$|x_n - x| \leq b_n - a_n = d_n = \frac{b-a}{2^n} = \varepsilon_n.$$

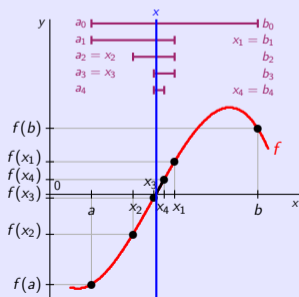
Metóda bisekcie

f je spojitá na $\langle a; b \rangle$, $f(a) \cdot f(b) < 0$

\Rightarrow existuje $c \in (a; b)$ také, že $f(c) = 0$, t. j. koreň rovnice $f(x) = 0$ na $(a; b)$.

Metóda bisekcie

metóda delenia intervalu



Označme dĺžku intervalu $d = b - a$,

$$a_0 = a, b_0 = b, d_0 = b_0 - a_0 = d.$$

Krok n Po konečnom počte $n-1$ krokoch ($n \in \mathbb{N}$).

Označme $x_n = \frac{a_{n-1} + b_{n-1}}{2}$ stred $\langle a_{n-1}; b_{n-1} \rangle$

a rozdeľme ho na $\langle a_{n-1}; x_n \rangle$, $\langle x_n; b_{n-1} \rangle$.

Ak $f(x_n) = 0$, potom x_n je koreň.

V opačnom prípade označme $\langle a_n; b_n \rangle$

interval, pre ktorý platí $f(a_n) \cdot f(b_n) < 0$.

Dĺžka intervalu $d_n = b_n - a_n = \frac{d_{n-1}}{2} = \frac{b-a}{2^n}$.

Hľadaný koreň x aproximujeme hodnotou x_n

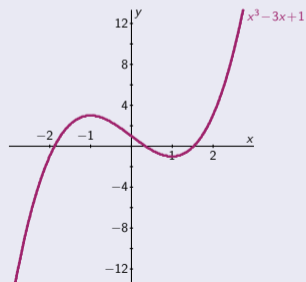
a ich rozdiel, t. j. chyba výpočtu je

$$|x_n - x| \leq b_n - a_n = d_n = \frac{b-a}{2^n} = \varepsilon_n.$$

Metóda je pomerne jednoduchá, ale prácna.

Metóda bisekcie

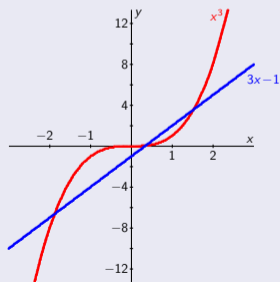
S presnosťou $\varepsilon = 0,01$ nájdite koreň funkcie $f: y = x^3 - 3x + 1$.



Metóda bisekcie

S presnosťou $\varepsilon = 0,01$ nájdite koreň funkcie $f: y = x^3 - 3x + 1$.

$f(x) = x^3 - 3x + 1 = 0$ práve vtedy, ak platí $x^3 = 3x - 1$,

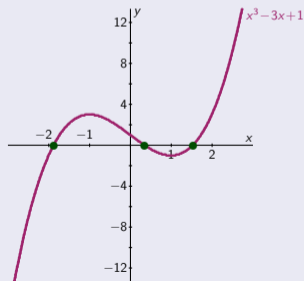


Metóda bisekcie

S presnosťou $\varepsilon = 0,01$ nájdite koreň funkcie $f: y = x^3 - 3x + 1$.

$f(x) = x^3 - 3x + 1 = 0$ práve vtedy, ak platí $x^3 = 3x - 1$,

t. j. korene $f(x)$

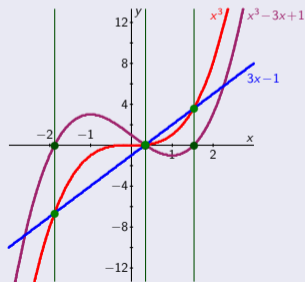


Metóda bisekcie

S presnosťou $\varepsilon = 0,01$ nájdite koreň funkcie $f: y = x^3 - 3x + 1$.

$f(x) = x^3 - 3x + 1 = 0$ práve vtedy, ak platí $x^3 = 3x - 1$,

t. j. korene $f(x)$ zodpovedajú priesečníkom grafov funkcií $y = x^3$, $y = 3x - 1$.



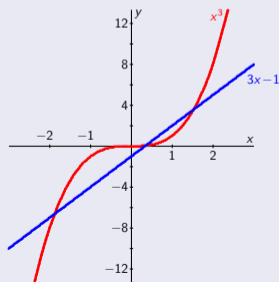
Metóda bisekcie

S presnosťou $\varepsilon = 0,01$ nájdite koreň funkcie $f: y = x^3 - 3x + 1$.

$f(x) = x^3 - 3x + 1 = 0$ práve vtedy, ak platí $x^3 = 3x - 1$,

t. j. korene $f(x)$ zodpovedajú priesečníkom grafov funkcií $y = x^3$, $y = 3x - 1$.

Z uvedených grafov odhadneme tri korene



Metóda bisekcie

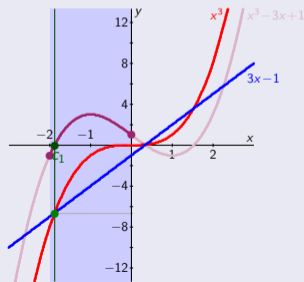
S presnosťou $\varepsilon = 0,01$ nájdite koreň funkcie $f: y = x^3 - 3x + 1$.

$f(x) = x^3 - 3x + 1 = 0$ práve vtedy, ak platí $x^3 = 3x - 1$,

t. j. korene $f(x)$ zodpovedajú priesečníkom grafov funkcií $y = x^3$, $y = 3x - 1$.

Z uvedených grafov odhadneme tri korene $c_1 \in \langle -2; 0 \rangle$,

pričom $f(-2) = -1 < 0 < f(0) = 1$



Metóda bisekcie

S presnosťou $\varepsilon = 0,01$ nájdite koreň funkcie $f: y = x^3 - 3x + 1$.

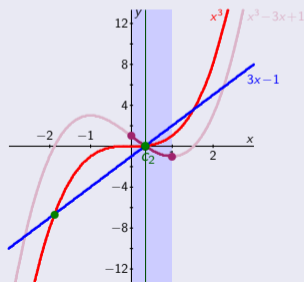
$f(x) = x^3 - 3x + 1 = 0$ práve vtedy, ak platí $x^3 = 3x - 1$,

t. j. korene $f(x)$ zodpovedajú priesečníkom grafov funkcií $y = x^3$, $y = 3x - 1$.

Z uvedených grafov odhadneme tri korene $c_1 \in \langle -2; 0 \rangle$, $c_2 \in \langle 0; 1 \rangle$,

pričom

$$f(0) = 1 > 0 > f(1) = -1$$



Metóda bisekcie

S presnosťou $\varepsilon = 0,01$ nájdite koreň funkcie $f: y = x^3 - 3x + 1$.

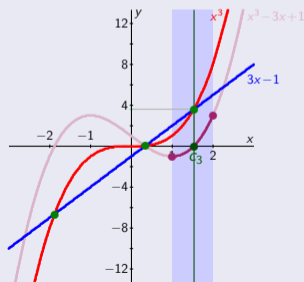
$f(x) = x^3 - 3x + 1 = 0$ práve vtedy, ak platí $x^3 = 3x - 1$,

t. j. korene $f(x)$ zodpovedajú priesečníkom grafov funkcií $y = x^3$, $y = 3x - 1$.

Z uvedených grafov odhadneme tri korene $c_1 \in \langle -2; 0 \rangle$, $c_2 \in \langle 0; 1 \rangle$, $c_3 \in \langle 1; 2 \rangle$,

$$f(1) = -1 < 0 < f(2) = 3$$

pričom



Metóda bisekcie

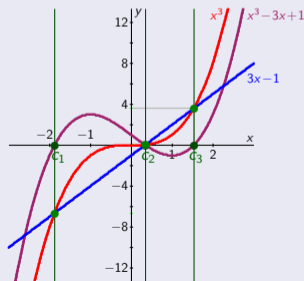
S presnosťou $\varepsilon = 0,01$ nájdite koreň funkcie $f: y = x^3 - 3x + 1$.

$f(x) = x^3 - 3x + 1 = 0$ práve vtedy, ak platí $x^3 = 3x - 1$,

t. j. korene $f(x)$ zodpovedajú priesečníkom grafov funkcií $y = x^3$, $y = 3x - 1$.

Z uvedených grafov odhadneme tri korene $c_1 \in \langle -2; 0 \rangle$, $c_2 \in \langle 0; 1 \rangle$, $c_3 \in \langle 1; 2 \rangle$,

pričom $f(-2) = -1 < 0 < f(0) = 1 > 0 > f(1) = -1 < 0 < f(2) = 3$



Metóda bisekcie

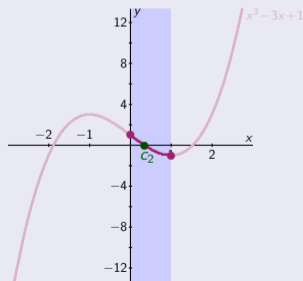
S presnosťou $\varepsilon = 0,01$ nájdite koreň funkcie $f: y = x^3 - 3x + 1$.

$f(x) = x^3 - 3x + 1 = 0$ práve vtedy, ak platí $x^3 = 3x - 1$,

t. j. korene $f(x)$ zodpovedajú priesečníkom grafov funkcií $y = x^3$, $y = 3x - 1$.

Z uvedených grafov odhadneme tri korene $c_1 \in \langle -2; 0 \rangle$, $c_2 \in \langle 0; 1 \rangle$, $c_3 \in \langle 1; 2 \rangle$,

pričom $f(-2) = -1 < 0 < f(0) = 1 > 0 > f(1) = -1 < 0 < f(2) = 3$



Metódou bisekcie nájdeme koreň $c_2 \in \langle 0; 1 \rangle$.

Metóda bisekcie

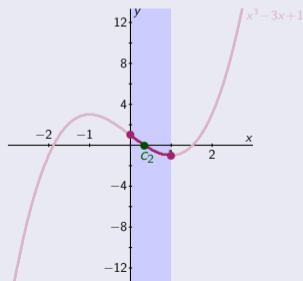
S presnosťou $\varepsilon = 0,01$ nájdite koreň funkcie $f: y = x^3 - 3x + 1$.

$f(x) = x^3 - 3x + 1 = 0$ práve vtedy, ak platí $x^3 = 3x - 1$,

t. j. korene $f(x)$ zodpovedajú priesečníkom grafov funkcií $y = x^3$, $y = 3x - 1$.

Z uvedených grafov odhadneme tri korene $c_1 \in \langle -2; 0 \rangle$, $c_2 \in \langle 0; 1 \rangle$, $c_3 \in \langle 1; 2 \rangle$,

pričom $f(-2) = -1 < 0 < f(0) = 1 > 0 > f(1) = -1 < 0 < f(2) = 3$



Metódou bisekcie nájdeme koreň $c_2 \in \langle 0; 1 \rangle$.

Potrebuje aspoň $n=7$ krokov:

Metóda bisekcie

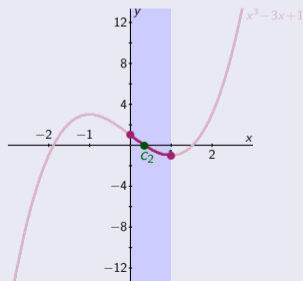
S presnosťou $\varepsilon = 0,01$ nájdite koreň funkcie $f: y = x^3 - 3x + 1$.

$f(x) = x^3 - 3x + 1 = 0$ práve vtedy, ak platí $x^3 = 3x - 1$,

t. j. korene $f(x)$ zodpovedajú priesečníkom grafov funkcií $y = x^3$, $y = 3x - 1$.

Z uvedených grafov odhadneme tri korene $c_1 \in \langle -2; 0 \rangle$, $c_2 \in \langle 0; 1 \rangle$, $c_3 \in \langle 1; 2 \rangle$,

pričom $f(-2) = -1 < 0 < f(0) = 1 > 0 > f(1) = -1 < 0 < f(2) = 3$



Metódou bisekcie nájdeme koreň $c_2 \in \langle 0; 1 \rangle$.

Potrebuje aspoň $n = 7$ krokov:

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01,$$

Metóda bisekcie

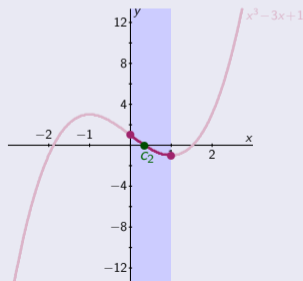
S presnosťou $\varepsilon = 0,01$ nájdite koreň funkcie $f: y = x^3 - 3x + 1$.

$f(x) = x^3 - 3x + 1 = 0$ práve vtedy, ak platí $x^3 = 3x - 1$,

t. j. korene $f(x)$ zodpovedajú priesečníkom grafov funkcií $y = x^3$, $y = 3x - 1$.

Z uvedených grafov odhadneme tri korene $c_1 \in \langle -2; 0 \rangle$, $c_2 \in \langle 0; 1 \rangle$, $c_3 \in \langle 1; 2 \rangle$,

pričom $f(-2) = -1 < 0 < f(0) = 1 > 0 > f(1) = -1 < 0 < f(2) = 3$



Metódou bisekcie nájdeme koreň $c_2 \in \langle 0; 1 \rangle$.

Potrebuje aspoň $n = 7$ krokov:

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01,$$

$$\text{t. j. } 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

Metóda bisekcie

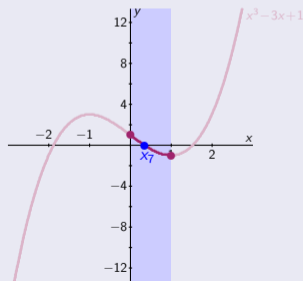
S presnosťou $\varepsilon = 0,01$ nájdite koreň funkcie $f: y = x^3 - 3x + 1$.

$f(x) = x^3 - 3x + 1 = 0$ práve vtedy, ak platí $x^3 = 3x - 1$,

t. j. korene $f(x)$ zodpovedajú priesečníkom grafov funkcií $y = x^3$, $y = 3x - 1$.

Z uvedených grafov odhadneme tri korene $c_1 \in \langle -2; 0 \rangle$, $c_2 \in \langle 0; 1 \rangle$, $c_3 \in \langle 1; 2 \rangle$,

pričom $f(-2) = -1 < 0 < f(0) = 1 > 0 > f(1) = -1 < 0 < f(2) = 3$



Metódou bisekcie nájdeme koreň $c_2 \in \langle 0; 1 \rangle$.

Potrebuje aspoň $n=7$ krokov:

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01,$$

$$\text{t. j. } 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

Dostaneme koreň $x_7 = 0,351\,562\,500$

[viď nasledujúca tabuľka].

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0,$$

$$f(0) = 1 > 0,$$

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01$$

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n$$

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_k	$f(a_k) > 0$	b_k	$f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0							
1							
2							
3							
4							
5							
6							
7							

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_0	$f(a_k) > 0$	b_0	$f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0		1,0				
1							
2							
3							
4							
5							
6							
7							

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_0	$f(a_k) > 0$	b_0	$f(b_k) < 0$	$x_1 = \frac{a_0 + b_0}{2}$	$f(x_1)$	$b_0 - a_0$
0	0,0		1,0				1,0
1					0,5	-0,375	
2							
3							
4							
5							
6							
7							

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_0	$f(a_k) > 0$	b_1	$f(b_k) < 0$	$x_1 = \frac{a_0 + b_0}{2}$	$f(x_1) < 0$	$b_0 - a_0$
0	0,0		1,0				1,0
1			0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	
2							
3							
4							
5							
6							
7							

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_1	$f(a_k) > 0$	b_1	$f(b_k) < 0$	$x_1 = \frac{a_0 + b_0}{2}$	$f(x_1) < 0$	$b_0 - a_0$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	
2							
3							
4							
5							
6							
7							

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_1	$f(a_k) > 0$	b_1	$f(b_k) < 0$	$x_2 = \frac{a_1 + b_1}{2}$	$f(x_2)$	$b_1 - a_1$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2					0,25	0,265 625	
3							
4							
5							
6							
7							

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_2	$f(a_k) > 0$	b_1	$f(b_k) < 0$	$x_2 = \frac{a_1+b_1}{2}$	$f(x_2) > 0$	$b_1 - a_1$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25				0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	
3							
4							
5							
6							
7							

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_2	$f(a_k) > 0$	b_2	$f(b_k) < 0$	$x_2 = \frac{a_1+b_1}{2}$	$f(x_2) > 0$	$b_1 - a_1$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25		0,5		0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	
3							
4							
5							
6							
7							

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_k	$f(a_k) > 0$	b_k	$f(b_k) < 0$	$x_k = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_k)$	$b_k - a_k$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25		0,50		0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3					0,375	-0,072 265 625	
4							
5							
6							
7							

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_2	$f(a_k) > 0$	b_3	$f(b_k) < 0$	$x_3 = \frac{a_2 + b_2}{2}$	$f(x_3) < 0$	$b_2 - a_2$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25		0,50		0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3			0,375		0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	
4							
5							
6							
7							

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_k	$f(a_k) > 0$	b_k	$f(b_k) < 0$	$x_k = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_k) < 0$	$b_k - a_k$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25		0,50		0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,25		0,375		0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	
4							
5							
6							
7							

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_3	$f(a_k) > 0$	b_3	$f(b_k) < 0$	$x_4 = \frac{a_3 + b_3}{2}$	$f(x_4)$	$b_3 - a_3$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25		0,50		0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250		0,375		0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4					0,312 5	0,093 017 578	
5							
6							
7							

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_k	$f(a_k) > 0$	b_k	$f(b_k) < 0$	$x_k = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_k) > 0$	$b_k - a_k$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25		0,50		0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250		0,375		0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,3125				0,3125	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	
5							
6							
7							

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_k	$f(a_k) > 0$	b_k	$f(b_k) < 0$	$x_k = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_k) > 0$	$b_k - a_k$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25		0,50		0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250		0,375		0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,3125		0,375		0,3125	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	
5							
6							
7							

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_k	$f(a_k) > 0$	b_k	$f(b_k) < 0$	$x_5 = \frac{a_4 + b_4}{2}$	$f(x_5)$	$b_4 - a_4$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25		0,50		0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250		0,375		0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,3125		0,375 0		0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,062 5
5					0,343 75	0,009 368 896	
6							
7							

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_5 $f(a_k) > 0$	b_4 $f(b_k) < 0$	$x_5 = \frac{a_4 + b_4}{2}$	$f(x_5) > 0$	$b_4 - a_4$
0	0,0	1,0			1,0
1	0,0	0,5	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25	0,50	0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250	0,375	0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,312 5	0,375 0	0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,062 5
5	0,343 75		0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	
6					
7					

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_5 $f(a_k) > 0$	b_5 $f(b_k) < 0$	$x_5 = \frac{a_4 + b_4}{2}$	$f(x_5) > 0$	$b_4 - a_4$
0	0,0	1,0			1,0
1	0,0	0,5	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25	0,50	0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250	0,375	0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,312 5	0,375 0	0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,062 5
5	0,343 75	0,375	0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	
6					
7					

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_5	$f(a_k) > 0$	b_5	$f(b_k) < 0$	$x_6 = \frac{a_5 + b_5}{2}$	$f(x_6)$	$b_5 - a_5$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25		0,50		0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250		0,375		0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,312 5		0,375 0		0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,062 5
5	0,343 75		0,375 00		0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,031 25
6					0,359 375	-0,031 711 578	
7							

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_5	$f(a_k) > 0$	b_6	$f(b_k) < 0$	$x_6 = \frac{a_5 + b_5}{2}$	$f(x_6) < 0$	$b_5 - a_5$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25		0,50		0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250		0,375		0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,312 5		0,375 0		0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,062 5
5	0,343 75		0,375 00		0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,031 25
6			0,359 375		0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	
7							

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_k	$f(a_k) > 0$	b_k	$f(b_k) < 0$	$x_k = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_k) < 0$	$b_k - a_k$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25		0,50		0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250		0,375		0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,312 5		0,375 0		0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,062 5
5	0,343 75		0,375 00		0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,031 25
6	0,343 75		0,359 375		0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	
7							

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_k	$f(a_k) > 0$	b_k	$f(b_k) < 0$	$x_k = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_k)$	$b_k - a_k$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25		0,50		0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250		0,375		0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,312 5		0,375 0		0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,062 5
5	0,343 75		0,375 00		0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,031 25
6	0,343 750		0,359 375		0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,015 625
7					0,351 562 5	-0,011 235 714	

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_k	$f(a_k) > 0$	b_k	$f(b_k) < 0$	$x_k = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_k) < 0$	$b_k - a_k$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25		0,50		0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250		0,375		0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,312 5		0,375 0		0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,062 5
5	0,343 75		0,375 00		0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,031 25
6	0,343 750		0,359 375		0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,015 625
7			0,351 562 5		0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_k = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_k) < 0$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0			1,0
1	0,0	0,5	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25	0,50	0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250	0,375	0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,312 5	0,375 0	0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,062 5
5	0,343 75	0,375 00	0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,031 25
6	0,343 750	0,359 375	0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,015 625
7	0,343 75	0,351 562 5	0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_k	$f(a_k) > 0$	b_k	$f(b_k) < 0$	$x_k = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_k)$	$b_k - a_k$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25		0,50		0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250		0,375		0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,312 5		0,375 0		0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,062 5
5	0,343 75		0,375 00		0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,031 25
6	0,343 750		0,359 375		0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,015 625
7	0,343 750 0		0,351 562 5		0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,007 812 5

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_k	$f(a_k) > 0$	b_k	$f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25		0,50		0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250		0,375		0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,312 5		0,375 0		0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,062 5
5	0,343 75		0,375 00		0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,031 25
6	0,343 750		0,359 375		0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,015 625
7	0,343 750 0		0,351 562 5		0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,007 812 5

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_k	$f(a_k) > 0$	b_k	$f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25		0,50		0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250		0,375		0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,312 5		0,375 0		0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,062 5
5	0,343 75		0,375 00		0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,031 25
6	0,343 750		0,359 375		0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,015 625
7	0,343 750 0		0,351 562 5		0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,007 812 5

Vypočítaný koreň $x_7 = 0,351 562 500$,

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_k	$f(a_k) > 0$	b_k	$f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25		0,50		0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250		0,375		0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,312 5		0,375 0		0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,062 5
5	0,343 75		0,375 00		0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,031 25
6	0,343 750		0,359 375		0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,015 625
7	0,343 750 0		0,351 562 5		0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,007 812 5

Vypočítaný koreň $x_7 = 0,351 562 500$, presný koreň $c = 0,347 296 355$,

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_k	$f(a_k) > 0$	b_k	$f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25		0,50		0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250		0,375		0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,312 5		0,375 0		0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,062 5
5	0,343 75		0,375 00		0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,031 25
6	0,343 750		0,359 375		0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,015 625
7	0,343 750 0		0,351 562 5		0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,007 812 5

Vypočítaný koreň $x_7 = 0,351 562 500$, presný koreň $c = 0,347 296 355$,

teoretická chyba (určená delením intervalov) $\frac{1}{2^7} = \frac{1}{128} = 0,007 812 5$,

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$b_n - a_n = \frac{b-a}{2^n} = \frac{1-0}{2^n} = \frac{1}{2^n} < \varepsilon = 0,01 \Leftrightarrow 100 < 2^n \Rightarrow n = 7 \quad (2^7 = 128).$$

k	a_k	$f(a_k) > 0$	b_k	$f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25		0,50		0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250		0,375		0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,312 5		0,375 0		0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,062 5
5	0,343 75		0,375 00		0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,031 25
6	0,343 750		0,359 375		0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,015 625
7	0,343 750 0		0,351 562 5		0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,007 812 5

Vypočítaný koreň $x_7 = 0,351 562 500$, presný koreň $c = 0,347 296 355$,

teoretická chyba (určená delením intervalov) $\frac{1}{2^7} = \frac{1}{128} = 0,007 812 5$,

skutočná chyba $|x_7 - c| = |0,351 562 500 - 0,347 296 355| = 0,004 266 145$.

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

Pre $k = 8$ ($2^8 = 256$)

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0			1,0
1	0,0	0,5	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25	0,50	0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250	0,375	0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,312 5	0,375 0	0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,062 5
5	0,343 75	0,375 00	0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,031 25
6	0,343 750	0,359 375	0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,015 625
7	0,343 750 0	0,351 562 5	0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,007 812 5
8					

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

Pre $k = 8$ ($2^8 = 256$)

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_k = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_k) < 0$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0			1,0
1	0,0	0,5	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25	0,50	0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250	0,375	0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,312 5	0,375 0	0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,062 5
5	0,343 75	0,375 00	0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,031 25
6	0,343 750	0,359 375	0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,015 625
7	0,343 750 0	0,351 562 5	0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,007 812 5
8					

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

Pre $k = 8$ ($2^8 = 256$)

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_k = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_k) < 0$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0			1,0
1	0,0	0,5	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25	0,50	0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250	0,375	0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,312 5	0,375 0	0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,062 5
5	0,343 75	0,375 00	0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,031 25
6	0,343 750	0,359 375	0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,015 625
7	0,343 750 0	0,351 562 5	0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,007 812 5
8			0,347 656 25	-0,000 949 323	

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

Pre $k = 8$ ($2^8 = 256$)

k	a_k	$f(a_k) > 0$	b_k	$f(b_k) < 0$	$x_k = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_k) < 0$	$b_k - a_k$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	$-0,375 \rightarrow b_1$	0,5
2	0,25		0,50		0,25	$0,265\ 625 \rightarrow a_2$	0,25
3	0,250		0,375		0,375	$-0,072\ 265\ 625 \rightarrow b_3$	0,125
4	0,3125		0,3750		0,3125	$0,093\ 017\ 578 \rightarrow a_4$	0,0625
5	0,34375		0,37500		0,34375	$0,009\ 368\ 896 \rightarrow a_5$	0,03125
6	0,343750		0,359375		0,359375	$-0,031\ 711\ 578 \rightarrow b_6$	0,015625
7	0,3437500		0,3515625		0,3515625	$-0,011\ 235\ 714 \rightarrow b_7$	0,0078125
8			0,34765625		0,34765625	$-0,000\ 949\ 323 \rightarrow b_8$	

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

Pre $k = 8$ ($2^8 = 256$)

k	a_k	$f(a_k) > 0$	b_k	$f(b_k) < 0$	$x_k = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_k) < 0$	$b_k - a_k$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	$-0,375 \rightarrow b_1$	0,5
2	0,25		0,50		0,25	$0,265\ 625 \rightarrow a_2$	0,25
3	0,250		0,375		0,375	$-0,072\ 265\ 625 \rightarrow b_3$	0,125
4	0,3125		0,3750		0,3125	$0,093\ 017\ 578 \rightarrow a_4$	0,0625
5	0,34375		0,37500		0,34375	$0,009\ 368\ 896 \rightarrow a_5$	0,03125
6	0,343750		0,359375		0,359375	$-0,031\ 711\ 578 \rightarrow b_6$	0,015625
7	0,3437500		0,3515625		0,3515625	$-0,011\ 235\ 714 \rightarrow b_7$	0,0078125
8	0,3437500		0,34765625		0,34765625	$-0,000\ 949\ 323 \rightarrow b_8$	

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$\text{Pre } k = 8 \quad (2^8 = 256) \Rightarrow b_8 - a_8 = \frac{b-a}{2^8} = \frac{1-0}{256} = 0,003\,906\,25.$$

k	a_k	$f(a_k) > 0$	b_k	$f(b_k) < 0$	$x_k = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_k)$	$b_k - a_k$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25		0,50		0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250		0,375		0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,312 5		0,375 0		0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,062 5
5	0,343 75		0,375 00		0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,031 25
6	0,343 750		0,359 375		0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,015 625
7	0,343 750 0		0,351 562 5		0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,007 812 5
8	0,343 750 00		0,347 656 25		0,347 656 25	-0,000 949 323 $\rightarrow b_8$	0,003 906 25

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$\text{Pre } k = 8 \quad (2^8 = 256) \Rightarrow b_8 - a_8 = \frac{b-a}{2^8} = \frac{1-0}{256} = 0,003\,906\,25.$$

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0			1,0
1	0,0	0,5	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25	0,50	0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250	0,375	0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,312 5	0,375 0	0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,062 5
5	0,343 75	0,375 00	0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,031 25
6	0,343 750	0,359 375	0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,015 625
7	0,343 750 0	0,351 562 5	0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,007 812 5
8	0,343 750 00	0,347 656 25	0,347 656 25	-0,000 949 323 $\rightarrow b_8$	0,003 906 25

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$\text{Pre } k = 8 \quad (2^8 = 256) \Rightarrow b_8 - a_8 = \frac{b-a}{2^8} = \frac{1-0}{256} = 0,003\,906\,25.$$

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0			1,0
1	0,0	0,5	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25	0,50	0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250	0,375	0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,312 5	0,375 0	0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,062 5
5	0,343 75	0,375 00	0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,031 25
6	0,343 750	0,359 375	0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,015 625
7	0,343 750 0	0,351 562 5	0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,007 812 5
8	0,343 750 00	0,347 656 25	0,347 656 25	-0,000 949 323 $\rightarrow b_8$	0,003 906 25

Vypočítaný koreň $x_8 = 0,347\,656\,250$,

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$\text{Pre } k = 8 \quad (2^8 = 256) \Rightarrow b_8 - a_8 = \frac{b-a}{2^8} = \frac{1-0}{256} = 0,003\,906\,25.$$

k	a_k $f(a_k) > 0$	b_k $f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0	1,0			1,0
1	0,0	0,5	0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25	0,50	0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250	0,375	0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,312 5	0,375 0	0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,062 5
5	0,343 75	0,375 00	0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,031 25
6	0,343 750	0,359 375	0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,015 625
7	0,343 750 0	0,351 562 5	0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,007 812 5
8	0,343 750 00	0,347 656 25	0,347 656 25	-0,000 949 323 $\rightarrow b_8$	0,003 906 25

Vypočítaný koreň $x_8 = 0,347\,656\,250$, presný koreň $c = 0,347\,296\,355$,

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$\text{Pre } k = 8 \quad (2^8 = 256) \Rightarrow b_8 - a_8 = \frac{b-a}{2^8} = \frac{1-0}{256} = 0,003\,906\,25.$$

k	a_k	$f(a_k) > 0$	b_k	$f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25		0,50		0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250		0,375		0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,312 5		0,375 0		0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,062 5
5	0,343 75		0,375 00		0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,031 25
6	0,343 750		0,359 375		0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,015 625
7	0,343 750 0		0,351 562 5		0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,007 812 5
8	0,343 750 00		0,347 656 25		0,347 656 25	-0,000 949 323 $\rightarrow b_8$	0,003 906 25

Vypočítaný koreň $x_8 = 0,347\,656\,250$, presný koreň $c = 0,347\,296\,355$,

teoretická chyba (určená delením intervalov) $\frac{1}{2^8} = \frac{1}{256} = 0,003\,906\,25$,

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$\text{Pre } k = 8 \quad (2^8 = 256) \Rightarrow b_8 - a_8 = \frac{b-a}{2^8} = \frac{1-0}{256} = 0,003\,906\,25.$$

k	a_k	$f(a_k) > 0$	b_k	$f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25		0,50		0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250		0,375		0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,312 5		0,375 0		0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,062 5
5	0,343 75		0,375 00		0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,031 25
6	0,343 750		0,359 375		0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,015 625
7	0,343 750 0		0,351 562 5		0,351 562 5	-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	0,007 812 5
8	0,343 750 00		0,347 656 25		0,347 656 25	-0,000 949 323 $\rightarrow b_8$	0,003 906 25

Vypočítaný koreň $x_8 = 0,347\,656\,250$, presný koreň $c = 0,347\,296\,355$,

teoretická chyba (určená delením intervalov) $\frac{1}{2^8} = \frac{1}{256} = 0,003\,906\,25$,

skutočná chyba $|x_8 - c| = |0,347\,656\,250 - 0,347\,296\,355| = 0,000\,359\,895$.

Metóda bisekcie

Koreň $f(x) = x^3 - 3x + 1$ z intervalu $\langle 0; 1 \rangle$ s presnosťou $\varepsilon = 0,01$.

$$a = a_0 = 0, \quad b = b_0 = 1, \quad f(0) = 1 > 0, \quad f(1) = -1 < 0.$$

$$\text{Pre } k = 8 \quad (2^8 = 256) \Rightarrow b_8 - a_8 = \frac{b-a}{2^8} = \frac{1-0}{256} = 0,003\,906\,25.$$

k	a_k	$f(a_k) > 0$	b_k	$f(b_k) < 0$	$x_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}$	$f(x_{k+1})$	$b_k - a_k$
0	0,0		1,0				1,0
1	0,0		0,5		0,5	-0,375 $\rightarrow b_1$	0,5
2	0,25		0,50		0,25	0,265 625 $\rightarrow a_2$	0,25
3	0,250		0,375		0,375	-0,072 265 625 $\rightarrow b_3$	0,125
4	0,312 5		0,375 0		0,312 5	0,093 017 578 $\rightarrow a_4$	0,062 5
5	0,343 75		0,375 00		0,343 75	0,009 368 896 $\rightarrow a_5$	0,031 25
6	0,343 750		0,359 375		0,359 375	-0,031 711 578 $\rightarrow b_6$	0,015 625
7	0,343 750 0		0,351 562 5			-0,011 235 714 $\rightarrow b_7$	
8	0,343 750 00		0,347 656 25			-0,000 949 323 $\rightarrow b_8$	

Vypočítaný koreň

presný koreň $c = 0,347\,296\,355$,

teoretická chyba (určená delením intervalov)

skutočná chyba